



Paper Type: Original Article

# A Multi-Objective Mathematical Model for Designing the Fruit Supply Chain based on the Quality and Sustainable Development Goals

Naeme Zarrinpoor\* 

Department of Industrial Engineering, Shiraz University of Technology, Shiraz, Iran; zarrinpoor@sutech.ac.ir.

## Citation:

Received: 16 May 2025

Revised: 08 July 2025

Accepted: 11 August 2025

Zarrinpoor, N. (2025). A multi-objective mathematical model for designing the fruit supply chain based on the quality and sustainable development goals. *Journal of Quality Engineering and Management*, 15(2), 180-203.

## Abstract

**Purpose:** In this paper, a multi-objective mathematical programming model is presented for designing a multi-level, multi-period fruit supply chain, while accounting for sustainable development goals encompassing cost minimization, greenhouse gas emission minimization, and social dimension maximization. In the proposed model, product quality plays a fundamental role in supply chain design, and fruits are graded in distribution centers based on quality and distributed to fruit markets, compost factories, juice factories, concentrate factories, and drug factories.


**Methodology:** The proposed multi-objective model is solved using fuzzy goal programming. The weights of the objective functions as well as the weights of social dimensions are calculated using the fuzzy best-worst approach.

**Findings:** In this research, a case study of Fars province, the third-largest apple-producing province in the country, is used to evaluate the performance of the proposed model. The results of the proposed model were compared with three models from economic, environmental, and social perspectives. The research findings show that system sustainability cannot be achieved by separately optimizing models with economic, environmental, and social perspectives. The proposed model achieves an efficient optimal solution across all three dimensions of sustainability, with significant improvements in the environmental and social dimensions and a negligible increase in system costs. In addition, by establishing a proper balance across all three sustainability dimensions, the proposed model leads to a supply chain with a different network structure and a different number of deployed facilities compared to the other three models.

**Originality/Value:** The added value of this research is to provide a comprehensive model that considers sustainability and quality as the main factors in grading and distributing products across different levels of the supply chain. The findings of this research can help policymakers and operational managers in the fruit industry make strategic and operational decisions in fruit production, processing, and supply-to-sale markets based on sustainability dimensions.

**Keywords:** Sustainable development goals, Fruit supply chain, Quality, Optimization, Fuzzy goal programming, Fuzzy best-worst approach.

 Corresponding Author: zarrinpoor@sutech.ac.ir

 10.48313/jqem.2025.531259.1558



Licensee System Analytics. This article is an open access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution (CC BY) license (<http://creativecommons.org/licenses/by/4.0>).



## یک مدل ریاضی چندهدفه برای طراحی زنجیره تامین میوه مبتنی بر کیفیت و اهداف توسعه پایدار

ناعمه زرین پور\*

دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه صنعتی شیراز، شیراز، ایران.

### چکیده

هدف: در این مقاله یک مدل برنامه ریزی ریاضی چندهدفه برای طراحی زنجیره تامین میوه چندسطحی و چنددوره‌ای با در نظر گرفتن اهداف توسعه پایدار شامل کمینه‌سازی هزینه‌ها، کمینه‌سازی انتشار گازهای گلخانه‌ای و بیشینه‌سازی ابعاد اجتماعی ارائه می‌شود. در مدل پیشنهادی کیفیت محصولات نقش اساسی در طراحی زنجیره تامین ایفا می‌کند و میوه‌ها در مراکز توزیع بر اساس کیفیت درجه بندی و سپس بین بازارهای میوه، مراکز تولید کمپوست، کارخانه‌های تولید آبمیوه، کارخانه‌های تولید کنسراتره و کارخانه‌های تولید دارو توزیع می‌شوند.

روش‌شناسی پژوهش: مدل چندهدفه پیشنهادی با استفاده از یک رویکرد برنامه‌ریزی آرمانی فازی حل شده است. وزن توابع هدف و همچنین وزن ابعاد اجتماعی با استفاده از رویکرد بهترین-بدترین فازی محاسبه شده است.

یافته‌ها: در این پژوهش، برای ارزیابی عملکرد مدل پیشنهادی از یک مطالعه موردی مبتنی بر استان فارس که سومین استان سرآمد در زمینه تولید سیب در کشور است، استفاده شد. نتایج حاصل از مدل پیشنهادی با سه مدل با دیدگاه‌های اقتصادی، زیست‌محیطی و اجتماعی مقایسه شد. یافته‌های پژوهش نشان می‌دهد که پایداری سیستم با استفاده از بهینه‌سازی جداگانه مدل‌های با دیدگاه‌های اقتصادی، زیست‌محیطی و اجتماعی میسر نمی‌شود و مدل پیشنهادی موجب دستیابی به جواب بهینه کارآمد در هر سه بعد پایداری به طور همزمان با بهبود قابل ملاحظه در ابعاد زیست‌محیطی و اجتماعی و افزایش ناچیز در هزینه‌های سیستم می‌شود. افزون بر این، مدل پیشنهادی با برقراری یک تعادل مناسب بین هر سه بعد پایداری منجر به ایجاد یک زنجیره‌تأمین با ساختار شبکه و تعداد تسهیلات استقرار یافته متفاوت نسبت به سه مدل دیگر خواهد شد.

اصالت/ارزش افزوده علمی: ارزش افزوده این پژوهش، ارائه یک مدل جامع با دیدگاه‌های پایداری و در نظر گرفتن کیفیت به عنوان یک عامل اصلی در درجه‌بندی و توزیع محصولات بین سطوح مختلف زنجیره‌تأمین است. یافته‌های این پژوهش می‌تواند به سیاست‌گذاران و مدیران عملیاتی در صنعت میوه جهت اتخاذ تصمیمات استراتژیک و عملیاتی در زمینه تولید میوه، فرآوری آن و عرضه به بازارهای فروش با تکیه بر ابعاد پایداری یاری رساند.

کلیدواژه‌ها: اهداف توسعه پایدار، زنجیره‌تأمین میوه، کیفیت، بهینه‌سازی، برنامه‌ریزی آرمانی فازی، رویکرد بهترین-بدترین فازی.

### ۱- مقدمه

امروزه سازمان‌ها برای کاهش هزینه‌ها، افزایش رضایت مشتریان، پاسخ سریع به تغییرات بازار، بهبود عملکرد کسب‌وکار، پایداری و ارتقای موقعیت رقابتی نیاز به مدیریت و بهینه‌سازی زنجیره‌تأمین دارند. مدیریت زنجیره‌تأمین با برنامه‌ریزی، کنترل و اجرای طیف وسیعی از فعالیت‌ها شامل تأمین

مواد اولیه، تولید، توزیع و تحویل محصولات نهایی به مشتریان یکی از ارکان اصلی اقتصاد و جوامع را شکل داده است که با بهینه‌سازی فعالیت‌های فیزیکی و هم‌افزایی ارتباطات و جریان اطلاعات بهبود روابط تجاری و ارتقای موقعیت رقابتی کشورها را در پی خواهد داشت. یکی از صنایعی که مدیریت لجستیک و زنجیره‌تأمین در آن اهمیت قابل‌ملاحظه‌ای دارد، صنعت کشاورزی است که با کاشت و پرورش انواع گیاهان، سبزی‌ها، صیفی‌جات و دانه‌های روغنی به تأمین اساسی‌ترین نیاز انسان می‌پردازد. نظر به این‌که بشر برای بقا و ادامه حیات به تغذیه مناسب و با ارزش احتیاج دارد، افزایش قابلیت دسترسی محصولات صنعت کشاورزی نیازمند مدیریت دقیق و موثر زنجیره‌تأمین است. افزون بر این، عدم وجود فقر و گرسنگی از اهداف هفده‌گانه برنامه ۲۰۳۰ سازمان ملل برای توسعه پایدار است و یکی از راه‌های دستیابی به این اهداف توجه ویژه به صنعت کشاورزی است [1]. صنعت کشاورزی در سال ۲۰۱۷، میزان ۲۸/۵٪ از اشتغال جهانی و ۴/۱٪ از تولید ناخالص داخلی را به خود اختصاص داده است [2]. با این وجود، صنعت کشاورزی یکی از عوامل اصلی تغییرات زیست‌محیطی در جهان به شمار می‌رود. صنعت کشاورزی مسئول ۸۰٪ از جنگل‌زدایی جهانی، ۲۹٪ از انتشار گازهای گلخانه‌ای و ۷۰٪ از مصرف آب شیرین جهان است [3]؛ بنابراین، طراحی زنجیره‌تأمین پایدار محصولات کشاورزی ضروری به نظر می‌رسد. در حال حاضر با توجه به افزایش جمعیت جهانی و افزایش فعالیت‌های صنعتی، پایداری به یکی از موضوعات بسیار مهم برای سازمان‌ها، دولت‌ها و دوستاناران محیط‌زیست تبدیل شده است. کمیسیون جهانی محیط‌زیست و توسعه، توسعه پایدار را به صورت برآورده نمودن نیازهای نسل حاضر بدون به خطر انداختن توانایی نسل‌های آینده برای تأمین نیازهای خود تعریف می‌کند [4]. به منظور ایجاد پایداری باید عوامل پایداری اقتصادی، زیست‌محیطی و اجتماعی به طور هماهنگ و متوازن با هم در جریان باشند و نمی‌توان با بهبود جداگانه این سه عامل به پایداری دست یافت. طراحی زنجیره‌تأمین پایدار کلیه فعالیت‌های زنجیره‌تأمین را با در نظر گرفتن سه بعد اقتصادی، زیست‌محیطی و اجتماعی مدیریت می‌کند. با لحاظ کردن پایداری در زنجیره‌تأمین می‌توان علاوه بر در نظر گرفتن سودآوری‌های اقتصادی، آثار مخرب زیست‌محیطی را کمینه و مسئولیت‌های اجتماعی زنجیره‌تأمین را بیشینه نمود [5]. برای اندازه‌گیری و سنجش ابعاد اجتماعی زنجیره‌تأمین باید مسئولیت‌های اجتماعی با تکیه بر مسائل حقوق بشر، فعالیت‌های کارکنان، راهکارهای عملیاتی منصفانه، مسائل مربوط به مشتریان و توسعه جامعه در نظر گرفته شود [6].

کشور ایران با دارا بودن تنوع اقلیمی، وجود آفتاب فراوان و اراضی وسیع از کشورهای سرآمد در زمینه تولید محصولات کشاورزی و محصولات باغبانی است. در سال ۲۰۱۸، ایران با تنوع میوه‌های تولیدشده به‌عنوان یکی از ۱۰ کشور برتر تولیدکننده میوه در جهان بوده است [7]؛ بنابراین، کشور ایران پتانسیل بالایی در تأمین نیازهای داخل کشور و همین‌طور صادرات محصولات کشاورزی به‌ویژه به کشورهای حاشیه خلیج فارس را دارد. با توجه به این‌که بسیاری از محصولات تازه کشاورزی به‌منظور مصرف در حالت تازه تولید می‌شوند و سایر بخش‌های گیاه به‌عنوان زباله دور ریخته می‌شوند، طراحی یک سیستم مدیریت پسماند برای زنجیره‌تأمین محصولات کشاورزی با این حجم زیاد از تولیدات ضروری به نظر می‌رسد. شایان ذکر است که نرخ ضایعات میوه‌ها و سبزی‌ها نسبت به سایر انواع غذاها بسیار بالا است، به طوری‌که ضایعات آن‌ها ۴۰٪ تا ۵۰٪ از کل تولید را شامل می‌شود. بخش قابل‌توجهی از این ضایعات در مراحل تولید، نگهداری پس از برداشت محصولات و انبار نمودن آن‌ها رخ می‌دهد [8]. با مدیریت صحیح ضایعات کشاورزی و تبدیل آن‌ها به مواد با ارزش نظیر بایوگاز، کمپوست، سوخت‌های زیستی و الکتروبیسته، نه تنها آلودگی‌های زیست‌محیطی ناشی از دور ریختن ضایعات کاهش می‌یابد بلکه مواد با ارزش تولیدشده می‌تواند منجر به بهبود وضعیت اقتصادی و توسعه منطقه شود.

هدف این مقاله طراحی یک زنجیره‌تأمین میوه چنددوره‌ای، چندمحصولی و چندسطحی مبتنی بر کیفیت است. زنجیره‌تأمین پیشنهادی شامل تولیدکنندگان میوه، مراکز توزیع، کارخانه‌های تولید آبمیوه، کارخانه‌های تولید کنسنتره، کارخانه‌های تولید دارو، کارخانه‌های تولید کمپوست، بازارهای میوه، بازارهای آبمیوه و بازارهای کمپوست است. در مراکز توزیع میوه‌ها بر اساس سطح کیفیت به بازارهای میوه، کارخانه‌های تولید آبمیوه، کنسنتره، دارو و کمپوست توزیع می‌شوند. بعد اقتصادی پایداری زنجیره‌تأمین پیشنهادی شامل کمینه‌سازی هزینه‌های ثابت استقرار، خرید، سفارش‌دهی، حمل‌ونقل، رایانه امکانات رفاهی و هزینه‌های عملیاتی تولید و پردازش است. بعد زیست‌محیطی شامل کمینه‌سازی گازهای گلخانه‌ای ناشی از عملیات تولیدی و حمل‌ونقل است. در بعد اجتماعی پایداری نیز فرصت‌های شغلی، روزهای از دست رفته کاری، سطح توسعه منطقه و رضایت کارکنان در اثر رایانه خدمات رفاهی در نظر گرفته شده است. برای حل مدل از رویکرد برنامه‌ریزی آرمانی فازی و برای تعیین اهمیت وزن توابع هدف و معیارهای اجتماعی از رویکرد بهترین-بدترین فازی استفاده می‌شود. ادامه ساختار مقاله به این ترتیب است که مرور ادبیات در بخش دوم و توصیف و مدل‌سازی مساله در بخش سوم ارائه شده است. روش حل در بخش چهارم ارائه می‌شود که شامل رویکرد برنامه‌ریزی آرمانی فازی و رویکرد بهترین-بدترین فازی است. در بخش پنجم نتایج عددی و در بخش ششم نتایج و پیشنهادهای آتی ارائه می‌شود.

## ۲- پیشینه تحقیق

در این بخش، پژوهش‌های انجام‌شده در سال‌های اخیر در زمینه زنجیره‌تامین محصولات کشاورزی بر اساس مدل‌سازی ریاضی بررسی می‌شود. چراغعلی‌پور و همکاران [9]، یک مدل بهینه‌سازی دوهدفه برای طراحی زنجیره‌تامین حلقه بسته مرکبات طراحی کردند که در آن تولیدکنندگان، مراکز توزیع، مشتریان و مراکز تولید کمپوست در نظر گرفته شده است. این مدل کمینه‌سازی هزینه‌های سیستم شامل هزینه ثابت استقرار، حمل و نقل، نگهداری، تولید و توزیع و بیشینه‌سازی سطح پاسخگویی شبکه حلقه بسته روبه‌جلو و معکوس را می‌سازد. مدل پیشنهادی با استفاده از الگوریتم فرا ابتکاری چندهدفه کشتل حل شده است و کارایی آن با استفاده از چندین الگوریتم فرا ابتکاری چندهدفه مقایسه شده است. چراغعلی‌پور و همکاران [10]، یک مدل بهینه‌سازی چندسطحی برای طراحی زنجیره‌تامین برنج متشکل از تولیدکنندگان، مراکز توزیع، کارخانه‌های برنج، کارخانه‌های شامپو و مشتریان طراحی کردند. این مدل در سطح بالای زنجیره‌تامین، کمینه‌سازی هزینه‌های سیستم شامل هزینه استقرار تسهیلات، هزینه حمل و نقل، هزینه تولید و هزینه نگهداری موجودی را در نظر می‌گیرد. تابع هدف سطح پایین زنجیره‌تامین نیز شامل کمینه‌سازی هزینه حمل و نقل محصولات از کارخانه‌های برنج به مشتریان و هزینه حمل و نقل محصولات از کارخانه‌های برنج به کارخانه‌های شامپو است.

متولی طاهر و همکاران [11]، یک زنجیره‌تامین برای گندم با تقاضای پیش‌بینی‌شده و با استفاده از شبیه‌سازی طراحی کردند. در مدل آن‌ها، واردات گندم، مزارع گندم، سیلوها، کارخانه‌های آرد و مشتریان در نظر گرفته شده است. اهداف مدل کمینه‌سازی هزینه‌های سیستم، کمینه‌سازی میزان آب مصرفی و بیشینه‌سازی فرصت‌های شغلی است. مدل با استفاده از شبیه‌سازی، برنامه‌ریزی آرمانی و داده‌های استان مازندران حل شده است. صالحی‌امیری و همکاران [12]، یک شبکه زنجیره‌تامین برای گردو متشکل از مزارع، مراکز خرید، مراکز جداسازی، مراکز جمع‌آوری و بازیابی و مشتریان با هدف کمینه‌سازی هزینه‌های سیستم شامل هزینه خرید، عملیاتی، استقرار تسهیلات، نگهداری موجودی و حمل و نقل طراحی کردند. برای حل مدل نیز از الگوریتم‌های فرا ابتکاری کشتل، بهینه‌ساز مهندسی اجتماعی، شبیه‌سازی تبرید و الگوریتم‌های ترکیبی مبتنی بر این سه الگوریتم استفاده شده است. چوهاران و همکاران [13]، یک مدل ریاضی برای طراحی زنجیره‌تامین نیشکر با در نظر گرفتن تولیدکنندگان، کارخانه‌های تولید نیشکر و مراکز تولید کمپوست طراحی کردند. در مدل ریاضی، کمینه‌سازی هزینه‌های کل سیستم شامل هزینه ثابت استقرار تسهیلات، هزینه حمل و نقل، هزینه عملیاتی و مالیات کربن در نظر گرفته شده است. مدل با استفاده از الگوریتم‌های فرا ابتکاری مبتنی بر الگوریتم ژنتیک، شبیه‌سازی تبرید و بهینه‌ساز مهندسی اجتماعی حل شده است. صالحی‌امیری و همکاران [14]، یک شبکه زنجیره‌تامین برای آووکادو متشکل از مزارع، مراکز درجه‌بندی و دسته‌بندی، مراکز توزیع و بسته‌بندی، کارخانه‌های روغن، دانه، برگ، مراکز جمع‌آوری و بازیابی و مشتریان طراحی کردند. اهداف مدل شامل کمینه‌سازی هزینه‌های سیستم و بیشینه‌سازی فرصت‌های شغلی است و با استفاده از روش معیار جامع حل شده است. سیدآنلو و همکاران [15]، یک زنجیره‌تامین حلقه بسته برای زیتون متشکل از تولیدکنندگان، مراکز توزیع، کارخانه‌های زیتون، کارخانه‌های لوازم‌آرایی و کارخانه‌های تولید کمپوست طراحی کردند. مدل با اهداف کمینه‌سازی هزینه‌ها، کمینه‌سازی میزان انتشار گازهای گلخانه‌ای و بیشینه‌سازی فرصت‌های شغلی ثابت و متغیر به‌عنوان تابع هدف اجتماعی ارایه شده است و برای حل آن از الگوریتم‌های فرا ابتکاری استفاده شده است.

رجبی کفشگر و همکاران [16]، یک زنجیره‌تامین برای پسته با در نظر گرفتن تولیدکنندگان، مراکز پردازش، کارخانه‌های پسته، کارخانه‌های روغن‌گیری و مراکز تقاضا طراحی کردند. هدف مدل پیشنهادی کمینه نمودن هزینه‌های سیستم شامل هزینه ثابت استقرار، تولید و حمل و نقل است و این مدل با استفاده از الگوریتم‌های فرا ابتکاری حل شده است. قلیان جویباری و همکاران [17]، یک شبکه زنجیره‌تامین حلقه بسته برای محصولات کشاورزی غذایی با در نظر گرفتن سویا طراحی کردند. در مدل آن‌ها بیشینه‌سازی سود حاصل از فروش محصولات به بازار عمومی، صنایع، مشتریان غذای حیوانات و مراکز تامین در نظر گرفته شده است. افزون بر این، اهداف کمینه‌سازی میزان انتشار دی‌اکسیدکربن و بیشینه‌سازی سطح برآورده‌سازی تقاضای مشتریان به‌عنوان توابع هدف دوم و سوم مدل در نظر گرفته شده است و برای حل مدل از الگوریتم‌های فرا ابتکاری استفاده شده است. گودرزیان و همکاران [18]، یک مدل ریاضی چندهدفه برای زنجیره‌تامین پایدار مرکبات جهت بهینه‌سازی تصمیمات تولید، توزیع، نگهداری موجودی، بازیابی و مکان‌یابی ارایه نمودند و برای حل مدل از الگوریتم‌های مبتنی بر جبهه بهینه پارتو استفاده کردند. کمینه نمودن هزینه‌های سیستم، کمینه نمودن میزان انتشار گازهای گلخانه‌ای و بیشینه نمودن احداث مراکز توزیع و بازیابی در مکان‌های با جمعیت کم‌تر از اهداف مدل پیشنهادی است. شایان ذکر است که تابع هدف سوم به‌عنوان یک تابع هدف اجتماعی در نظر گرفته شده است و بر اساس آن جمعیت کم‌تری در معرض آلودگی‌های ناشی از استقرار مراکز توزیع و بازیابی قرار می‌گیرند. قلیان جویباری و همکاران [19]، یک مدل بهینه‌سازی تصادفی

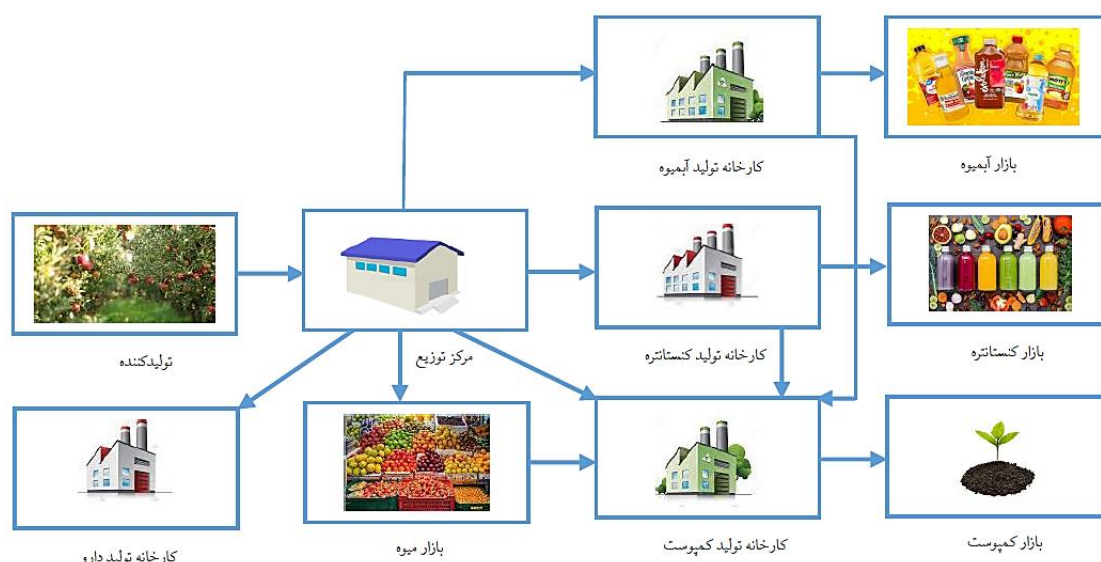
برای طراحی شبکه زنجیره تامین زعفران با در نظر گرفتن فعالیت های بازاریابی و عدم قطعیت ارایه نمودند. در مدل آن ها زمین های زعفران، کارخانه های زعفران، مراکز توزیع و مراکز تقاضا شامل بازارهای عمومی، کارخانه های لوازم آرایشی، کارخانه های داروسازی و کارخانه های رنگرزی در نظر گرفته شده است. بیشینه سازی سود حاصل از فروش محصولات، بیشینه سازی برآورده نمودن تقاضای مشتریان، بیشینه سازی سطح ظرفیت تولید کارخانه های زعفران و کمینه سازی میزان آب مورد نیاز برای برآوردن تقاضا به عنوان اهداف مدل پیشنهادی در نظر گرفته شده است و برای حل مدل از الگوریتم های فرا ابتکاری استفاده شده است. کلاتری خلیل آباد و همکاران [20]، یک مدل ریاضی برای زنجیره تامین انار با در نظر گرفتن اهداف کمینه سازی هزینه ها و کمینه سازی میزان انتشار گازهای گلخانه ای بر اساس میزان مصرف سوخت و سایل حمل و نقل در نظر گرفتند. در مدل ریاضی آن ها، از مراکز تبدیل ترموشیمیایی برای مدیریت ضایعات کشاورزی استفاده شده است که بیوجار، روغن زیستی و گاز ترکیبی تولید می کند. قلیان جویباری و همکاران [21]، یک شبکه زنجیره تامین حلقه بسته برای نارگیل با در نظر گرفتن اهداف کمینه سازی هزینه ها، کمینه سازی میزان انتشار دی اکسید کربن و بیشینه سازی تعداد فرصت های شغلی ارایه دادند و برای حل مدل از الگوریتم های فرا ابتکاری استفاده نمودند. جوانمردان و همکاران [22]، یک زنجیره تامین میوه با در نظر گرفتن اجزای باغ های میوه، مراکز توزیع، بازار میوه، مغازه ها، مراکز تولید سرکه و مراکز تولید کمپوست طراحی کردند. اهداف مدل شامل کمینه سازی هزینه، کمینه سازی میزان انتشار و بیشینه سازی سطح پاسخ بازارهای میوه، کمپوست و سرکه است. مدل چندهدفه پیشنهادی با استفاده از روش معیار جامع حل شده است و برای اعتبارسنجی مدل از یک مطالعه موردی در شهر سنندج استفاده شده است. لطافت و همکاران [23]، یک زنجیره تامین برای محصولات کشاورزی فسادپذیر با در نظر گرفتن اجزای تامین کنندگان بذر و نشاء، کشاورزان، بازارهای مصرف، کارخانه های فرآوری و مصرف کنندگان طراحی کردند که در آن ریسک اختلالات آفات و بیماری های گیاهان در نظر گرفته شده است. اهداف مدل شامل بیشینه سازی سود و کمینه سازی زمان حمل محصولات از بازارهای مصرف به مشتریان است و مدل با استفاده از یک مطالعه موردی مربوط به گوجه فرنگی اعتبارسنجی شده است. کیانی پور و همکاران [24]، یک زنجیره تامین برای ضایعات خرما با در نظر گرفتن نخلستان ها، بازارهای صنایع دستی، کارخانه های تولید *MDF*، مراکز انهدام، انبارها و مشتریان داخلی و خارجی با هدف کمینه سازی هزینه ها طراحی کردند و برای سنجش اعتبار مدل از یک مطالعه موردی در ایران استفاده نمودند.

**جدول ۱** خلاصه ای از ویژگی های مدل های ریاضی در پژوهش های پیشین را نشان می دهد. در این جدول،  $M$  و  $E$  به ترتیب روش های فرا ابتکاری و دقیق را نشان می دهد. بر اساس جدول ۱ مشخص می شود که اگرچه اهداف کمینه سازی هزینه ها یا بیشینه سازی سود و همچنین کمینه سازی انتشار گازهای گلخانه ای در طراحی زنجیره تامین محصولات کشاورزی بررسی شده است، اما اهداف اجتماعی کم تر مورد توجه قرار گرفته است. از بین اهداف اجتماعی در ادبیات موضوع، بیش تر بیشینه سازی سطح برآورده سازی تقاضای مشتریان و بیشینه سازی فرصت های شغلی ایجاد شده بررسی شده است و در یک پژوهش نیز ریسک آلودگی ساکنین منطقه به عنوان تابع هدف اجتماعی استفاده شده است و سایر ابعاد اهداف اجتماعی طراحی زنجیره تامین محصولات کشاورزی مورد توجه محققان قرار نگرفته است. بر اساس استاندارد ابتکار گزارش دهی جهانی [25]، که برای گزارش دهی پایداری و مسئولیت های اجتماعی در سازمان ها طراحی شده است، طیف وسیعی از ابعاد اجتماعی شامل فرصت های شغلی، کاهش تعداد روزهای کاری از دست رفته، افزایش سطح توسعه منطقه، تعداد ساعات آموزش کارکنان، تعداد افراد تحت پوشش بیمه، افزایش رضایت شغلی کارکنان از طریق ارایه خدمات رفاهی به کارکنان و غیره باید مورد توجه قرار گیرد. از سوی دیگر با توجه به فسادپذیری اکثر محصولات کشاورزی، مدیریت صحیح محصولات کشاورزی و تخصیص آن ها به نقاط تقاضا با توجه به شعاع پوشش لازم و ضروری است. همچنین در مسائل دنیای واقعی بودجه جهت استقرار تسهیلات پردازش و فرآوری محصولات کشاورزی محدود است. با این وجود، در هیچ یک از تحقیقات شعاع پوشش و محدودیت بودجه مورد توجه قرار نگرفته است. اگرچه، زنجیره تامین محصولات کشاورزی باید بر اساس جواب بهینه و دقیق طراحی شود تا در آینده قابل اتکا باشد، اما در تعداد زیادی از پژوهش های پیشین از الگوریتم های فرا ابتکاری استفاده شده است که با توجه به ابعاد مساله در برخی از موارد تنها دستیابی به جواب نزدیک بهینه را میسر می سازند. با توجه به موارد گفته شده در این پژوهش یک مدل ریاضی برای طراحی زنجیره تامین میوه مبتنی بر کیفیت ارایه می شود که در آن مدیریت پسماندهای لایه های مختلف زنجیره تامین با تکیه بر تولید کمپوست میسر می شود. مدل پیشنهادی با اهداف توسعه پایدار شامل کمینه سازی هزینه ها، کمینه سازی میزان انتشار و بیشینه سازی مسئولیت اجتماعی شبکه زنجیره تامین طراحی شده است. در بعد اجتماعی نیز افزایش فرصت های شغلی، کاهش تعداد روزهای کاری از دست رفته، افزایش سطح توسعه منطقه و افزایش رضایت شغلی کارکنان از طریق ارایه خدمات رفاهی مورد توجه قرار گرفته است. برای حل مساله از یک روش حل مبتنی بر رویکرد برنامه ریزی آرمانی فازی استفاده شده است که دستیابی به جواب بهینه را میسر می سازد. از رویکرد بهترین-بدترین فازی نیز برای تعیین اوزان توابع هدف و ابعاد تابع هدف اجتماعی استفاده شده است.



### ۳- تعریف مساله و مدل سازی ریاضی

در این مقاله یک مدل ریاضی چنددوره‌ای، چندمحصولی و چندهدفه برای طراحی زنجیره تامین میوه مبتنی بر کیفیت ارائه می شود. شبکه زنجیره تامین پیشنهادی در شکل ۱ نشان داده شده است که شامل تولیدکنندگان، مراکز توزیع، بازارهای میوه، کارخانه تولید آبمیوه، کارخانه کنستانتیره، کارخانه تولید دارو، کارخانه تولید کمپوست، بازار آبمیوه، بازار کنستانتیره، بازار کمپوست، میوه‌ها بین سطوح مختلف زنجیره تامین توزیع می شوند. میوه‌های با کیفیت بالا به بازارهای میوه، میوه‌های با کیفیت متوسط نیز به کارخانه‌های تولید آبمیوه، دارو و کنستانتیره و میوه‌های فاسد شده نیز به کارخانه‌های تولید کمپوست انتقال می یابند. برای مدیریت ضایعات در کلیه حلقه‌های زنجیره تامین، ضایعات تولید شده در بازارهای میوه، کارخانه‌های تولید آبمیوه و کنستانتیره نیز به مراکز تولید کمپوست انتقال می یابند. مدل پیشنهادی با در نظر گرفتن اهداف توسعه پایدار شامل کمینه سازی هزینه‌ها، کمینه سازی میزان انتشار گازهای گلخانه‌ای و پیشینه سازی ابعاد اجتماعی فرموله شده است. همچنین محدودیت‌های دنیای واقعی نظیر ظرفیت، تولید، تعادل در سطوح مختلف زنجیره تامین، برآورده نمودن تقاضا، بودجه استقرار تسهیلات، بودجه ارائه خدمات رفاهی و شعاع پوشش در نظر گرفته شده است. محدودیت شعاع پوشش برای کلیه تسهیلات در نظر گرفته شده است، اما برای تخصیص ضایعات به کارخانه‌های تولید کمپوست این محدودیت لحاظ نشده است. چون بر اساس میزان ضایعات میوه در سطوح مختلف زنجیره تامین ممکن است تعداد کارخانه‌های تولید کمپوست در شبکه کم باشد و محدودیت شعاع پوشش نیز مانع از تخصیص ضایعات به کارخانه‌های تولید کمپوست شود. بر اساس مدل تصمیمات استراتژیک و تاکتیکی شامل ۱- استقرار تسهیلات، ۲- ارائه خدمات رفاهی، ۳- میزان میوه خریداری شده از تولیدکنندگان، ۴- جریان مواد و محصولات بین سطوح مختلف زنجیره تامین، ۵- مقدار آبمیوه تولید شده، ۶- مقدار کنستانتیره تولید شده و ۷- مقدار کمپوست تولید شده اتخاذ می شود.



شکل ۱- شماتیک زنجیره تامین میوه پیشنهادی.

Figure 1- The schematic view of the suggested fruit supply chain.

در ادامه نوشتار، ابتدا مجموعه‌ها، پارامترها و متغیرهای تصمیم تعریف شده است. سپس، مدل ریاضی مساله ارائه می شود.

#### مجموعه‌ها

مجموعه تولیدکنندگان	$I$
مجموعه مکان‌های بالقوه برای استقرار مراکز توزیع	$P$
مجموعه مکان‌های بالقوه برای استقرار کارخانه‌های تولید آبمیوه	$J$
مجموعه مکان‌های بالقوه برای استقرار کارخانه‌های تولید کنستانتیره	$N$
مجموعه مکان‌های بالقوه برای استقرار کارخانه‌های تولید کمپوست	$U$

مجموعه بازارهای میوه	$K$
مجموعه کارخانه‌های تولید دارو	$B$
مجموعه بازارهای آبمیوه	$R$
مجموعه بازارهای کنستانتیره	$F$
مجموعه بازارهای کمپوست	$H$
مجموعه دوره‌های زمانی	$T$
مجموعه امکانات رفاهی	$E$
مجموعه گره‌های شروع	$A$
مجموعه گره‌های پایان	$S$

## پارامترها

هزینه ثابت استقرار مرکز توزیع $p$	$fa_p$
هزینه ثابت استقرار کارخانه تولید آبمیوه $j$	$fb_j$
هزینه ثابت استقرار کارخانه تولید کنستانتیره $n$	$fc_n$
هزینه ثابت استقرار کارخانه تولید کمپوست $u$	$fd_u$
هزینه خرید میوه از تولیدکننده $i$ در دوره $t$	$cm_{it}$
هزینه ثابت سفارش‌دهی میوه از تولیدکننده $i$ در دوره $t$	$sm_{it}$
هزینه عملیاتی به ازای هر واحد میوه در مرکز توزیع $p$ در دوره $t$	$ca_{pt}$
هزینه عملیاتی به ازای هر واحد آبمیوه در کارخانه تولید آبمیوه $j$ در دوره $t$	$cb_{jt}$
هزینه عملیاتی به ازای هر واحد کنستانتیره در کارخانه تولید کنستانتیره $n$ در دوره $t$	$cc_{nt}$
هزینه عملیاتی به ازای هر واحد کمپوست در کارخانه تولید کمپوست $u$ در دوره $t$	$cd_{ut}$
هزینه حمل و نقل میوه به ازای هر واحد مسافت در دوره $t$	$tcm_t$
هزینه حمل و نقل آبمیوه به ازای هر واحد مسافت در دوره $t$	$tcb_t$
هزینه حمل و نقل کنستانتیره به ازای هر واحد مسافت در دوره $t$	$tcc_t$
هزینه حمل و نقل کمپوست به ازای هر واحد مسافت در دوره $t$	$tch_t$
هزینه حمل و نقل ضایعات به ازای هر واحد مسافت در دوره $t$	$tcd_t$
هزینه فراهم نمودن خدمت رفاهی نوع $e$ در مرکز توزیع $p$ در دوره $t$	$ra_{ept}$
هزینه فراهم نمودن خدمت رفاهی نوع $e$ در کارخانه تولید آبمیوه $j$ در دوره $t$	$rb_{ejt}$
هزینه فراهم نمودن خدمت رفاهی نوع $e$ در کارخانه تولید کنستانتیره $n$ در دوره $t$	$rc_{ent}$
هزینه فراهم نمودن خدمت رفاهی نوع $e$ در کارخانه تولید کمپوست $u$ در دوره $t$	$rd_{eut}$
بودجه در دسترس برای ایجاد تسهیلات	$BT$
بودجه در دسترس برای فراهم نمودن امکانات رفاهی	$BR$
ظرفیت مرکز توزیع $p$	$caa_p$
ظرفیت کارخانه تولید آبمیوه $j$	$cab_j$
ظرفیت کارخانه تولید کنستانتیره $n$	$cac_n$
ظرفیت کارخانه تولید کمپوست $u$	$cad_u$

فاصله بین نقطه شروع $a$ و نقطه پایان $s$	$dc_{as}$
تقاضای بازار میوه $k$ در دوره $t$	$Da_{kt}$
تقاضای بازار آبمیوه $r$ در دوره $t$	$Db_{rt}$
تقاضای بازار کنستانتیره $f$ در دوره $t$	$Dc_{ft}$
تقاضای بازار کمپوست $h$ در دوره $t$	$Dd_{ht}$
تقاضای کارخانه تولید دارو $b$ در دوره $t$	$Df_{bt}$
ظرفیت تولیدکننده $i$ در دوره $t$	$\lambda_{it}$
ضریب تبدیل میوه به آبمیوه	$\alpha$
ضریب تبدیل میوه به کنستانتیره	$\varphi$
ضریب تبدیل ضایعات میوه به کمپوست	$\vartheta$
نرخ ضایعات در مرکز توزیع $p$	$\theta_p$
نرخ ضایعات در کارخانه تولید آبمیوه $j$	$\gamma_j$
نرخ ضایعات در کارخانه تولید کنستانتیره $n$	$\beta_n$
نرخ ضایعات محصولات در بازار میوه $k$	$\mu_k$
درصد میوه‌های با کیفیت بالا در مرکز توزیع $p$	$\tau a_p$
درصد میوه‌های با کیفیت متوسط مخصوص آبمیوه در مرکز توزیع $p$	$\tau b_p$
درصد میوه‌های با کیفیت متوسط مخصوص کنستانتیره در مرکز توزیع $p$	$\tau c_p$
درصد میوه‌های با کیفیت متوسط مخصوص تولید دارو در مرکز توزیع $p$	$\tau d_p$
مقدار انتشار دی‌اکسید کربن ناشی از حمل‌ونقل هر واحد میوه به ازای هر واحد مسافت	$Etm$
مقدار انتشار دی‌اکسید کربن ناشی از حمل‌ونقل هر واحد آبمیوه به ازای هر واحد مسافت	$Eta$
مقدار انتشار دی‌اکسید کربن ناشی از حمل‌ونقل هر واحد کنستانتیره به ازای هر واحد مسافت	$Etb$
مقدار انتشار دی‌اکسید کربن ناشی از حمل‌ونقل هر واحد کمپوست به ازای هر واحد مسافت	$Eth$
مقدار انتشار دی‌اکسید کربن ناشی از حمل‌ونقل هر واحد ضایعات به ازای هر واحد مسافت	$Etc$
مقدار انتشار دی‌اکسید کربن ناشی از تولید هر واحد آبمیوه در کارخانه تولید آبمیوه $j$	$Ea_j$
مقدار انتشار دی‌اکسید کربن ناشی از تولید هر واحد کنستانتیره در کارخانه تولید کنستانتیره $n$	$Eb_n$
مقدار انتشار دی‌اکسید کربن ناشی از تولید هر واحد کمپوست در کارخانه تولید کمپوست $u$	$Ed_u$
تعداد فرصت‌های شغلی ایجادشده در مرکز توزیع $p$	$Fia_p$
تعداد فرصت‌های شغلی ایجادشده در کارخانه تولید آبمیوه $j$	$Fib_j$
تعداد فرصت‌های شغلی ایجادشده در کارخانه تولید کنستانتیره $n$	$Fic_n$
تعداد فرصت‌های شغلی ایجادشده در کارخانه تولید کمپوست $u$	$Fid_u$

ارزش اقتصادی تاسیس کارخانه تولید آبمیوه $j$	$Eeb_j$
سطح توسعه محلی در مکان $j$	$Rjb_j$
ارزش اقتصادی تاسیس کارخانه تولید کنستانتره $n$	$Eec_n$
سطح توسعه محلی در مکان $n$	$Rjc_n$
ارزش اقتصادی تاسیس کارخانه تولید کمپوست $u$	$Eed_u$
سطح توسعه محلی در مکان $u$	$Rjd_u$
تعداد روزهای کاری ازدست‌رفته در مرکز توزیع $p$	$Loa_p$
تعداد روزهای کاری ازدست‌رفته در کارخانه تولید آبمیوه $j$	$Lob_j$
تعداد روزهای کاری ازدست‌رفته در کارخانه تولید کنستانتره $n$	$Loc_n$
تعداد روزهای کاری ازدست‌رفته در کارخانه تولید کمپوست $u$	$Lod_u$
میزان رضایت شغلی کارکنان با خدمت رفاهی نوع $e$ در مرکز توزیع $p$	$Saa_{ep}$
میزان رضایت شغلی کارکنان با خدمت رفاهی نوع $e$ در کارخانه تولید آبمیوه $j$	$Sab_{ej}$
میزان رضایت شغلی کارکنان با خدمت رفاهی نوع $e$ در کارخانه تولید کنستانتره $n$	$Sac_{en}$
میزان رضایت شغلی کارکنان با خدمت رفاهی نوع $e$ در کارخانه تولید کمپوست $u$	$Sad_{eu}$
شعاع پوشش مرکز توزیع $p$	$Ca_p$
شعاع پوشش کارخانه تولید آبمیوه $j$	$Cb_j$
شعاع پوشش کارخانه تولید کنستانتره $n$	$Cc_n$
شعاع پوشش کارخانه تولید کمپوست $u$	$Cd_u$
وزن تعداد فرصت‌های شغلی	$WS_1$
وزن روزهای از دست‌رفته کاری	$WS_2$
وزن سطح توسعه منطقه	$WS_3$
وزن رضایت شغلی کارکنان	$WS_4$
یک عدد بزرگ	$M$

## متغیرهای تصمیم

" $1$ در صورتی که یک مرکز توزیع در مکان $p$ احداث شود، $0$ در غیر این صورت"	$Xa_p$
" $1$ در صورتی که یک کارخانه تولید آبمیوه در مکان $j$ احداث شود، $0$ در غیر این صورت"	$Xb_j$
" $1$ در صورتی که یک کارخانه تولید کنستانتره در مکان $n$ احداث شود، $0$ در غیر این صورت"	$Xc_n$
" $1$ در صورتی که یک کارخانه تولید کمپوست در مکان $u$ احداث شود، $0$ در غیر این صورت"	$Xd_u$
" $1$ در صورتی که خدمت رفاهی نوع $e$ به کارکنان مرکز توزیع $p$ در دوره $t$ تخصیص یابد، $0$ در غیر این صورت"	$Rea_{ept}$
" $1$ در صورتی که خدمت رفاهی نوع $e$ به کارکنان کارخانه تولید آبمیوه $j$ در دوره $t$ تخصیص یابد، $0$ در غیر این صورت"	$Reb_{ejt}$
" $1$ در صورتی که خدمت رفاهی نوع $e$ به کارکنان کارخانه تولید کنستانتره $n$ در دوره $t$ تخصیص یابد، $0$ در غیر این صورت"	$Rec_{ent}$

"۱ در صورتی که خدمت رفاهی نوع $e$ به کارکنان کارخانه تولید کمپوست $u$ در دوره $t$ تخصیص یابد، * در غیر این صورت"	$Red_{eut}$
"۱ در صورتی که میوه تولیدکننده $i$ به مرکز توزیع $p$ در دوره $t$ تخصیص یابد، * در غیر این صورت"	$Xe_{ipt}$
"۱ در صورتی که مرکز توزیع $p$ به بازار میوه $k$ در دوره $t$ محصول ارسال نماید، * در غیر این صورت"	$Ka_{pkt}$
"۱ در صورتی که مرکز توزیع $p$ به کارخانه تولید آبمیوه $j$ در دوره $t$ محصول ارسال نماید، * در غیر این صورت"	$Kb_{pjt}$
"۱ در صورتی که مرکز توزیع $p$ به کارخانه تولید کنستانتیره $n$ در دوره $t$ محصول ارسال نماید، * در غیر این صورت"	$Kc_{pnt}$
"۱ در صورتی که مرکز توزیع $p$ به کارخانه تولید دارو $b$ در دوره $t$ محصول ارسال نماید، * در غیر این صورت"	$Kd_{pbt}$
"۱ در صورتی که کارخانه تولید آبمیوه $j$ به بازار آبمیوه $r$ در دوره $t$ محصول ارسال نماید، * در غیر این صورت"	$Kab_{jrt}$
"۱ در صورتی که کارخانه کنستانتیره $n$ به بازار کنستانتیره $f$ در دوره $t$ محصول ارسال نماید، * در غیر این صورت"	$Kac_{nft}$
"۱ در صورتی که کارخانه تولید کمپوست $u$ به بازار کمپوست $h$ در دوره $t$ محصول ارسال نماید، * در غیر این صورت"	$Kadu_{ht}$
مقدار میوه خریداری شده از تولیدکننده $i$ در دوره $t$	$V_{it}$
مقدار میوه که از تولیدکننده $i$ به مرکز توزیع $p$ در دوره $t$ انتقال می یابد	$W_{ipt}$
مقدار میوه با کیفیت در مرکز توزیع $p$ در دوره $t$	$Ia_{pt}$
مقدار میوه با کیفیت بالا که از مرکز توزیع $p$ به بازار میوه $k$ در دوره $t$ انتقال می یابد.	$Ya_{pkt}$
مقدار میوه با کیفیت متوسط که از مرکز توزیع $p$ به کارخانه تولید آبمیوه $j$ در دوره $t$ انتقال می یابد.	$Yb_{pjt}$
مقدار میوه با کیفیت متوسط که از مرکز توزیع $p$ به کارخانه کنستانتیره $n$ در دوره $t$ انتقال می یابد.	$Yc_{pnt}$
مقدار میوه با کیفیت متوسط که از مرکز توزیع $p$ به کارخانه تولید دارو $b$ در دوره $t$ انتقال می یابد.	$Yd_{pbt}$
مقدار ضایعات میوه که از مرکز توزیع $p$ به کارخانه تولید کمپوست $u$ در دوره $t$ انتقال می یابد.	$Qa_{put}$
مقدار ضایعات میوه که از کارخانه تولید آبمیوه $j$ به کارخانه تولید کمپوست $u$ در دوره $t$ انتقال می یابد.	$Qb_{jut}$
مقدار ضایعات میوه که از کارخانه تولید کنستانتیره $n$ به کارخانه تولید کمپوست $u$ در دوره $t$ انتقال می یابد.	$Qc_{nut}$
مقدار ضایعات میوه که از بازار میوه $k$ به کارخانه تولید کمپوست $u$ در دوره $t$ انتقال می یابد.	$Qf_{kut}$
مقدار آبمیوه که از کارخانه تولید آبمیوه $j$ به بازار آبمیوه $r$ در دوره $t$ انتقال می یابد.	$Pb_{jrt}$
مقدار کنستانتیره که از کارخانه تولید کنستانتیره $n$ به بازار کنستانتیره $f$ در دوره $t$ انتقال می یابد.	$Pc_{nft}$
مقدار کمپوست که از کارخانه تولید کمپوست $u$ به بازار کمپوست $h$ در دوره $t$ انتقال می یابد.	$Pd_{uht}$

### تابع هدف اقتصادی

تابع هدف اقتصادی در معادله (۱) به کمینه نمودن هزینه های سیستم شامل هزینه استقرار تسهیلات (HC)، هزینه خرید و سفارش دهی میوه از تولیدکنندگان میوه (BC)، هزینه عملیاتی مراکز توزیع، کارخانه های تولید آبمیوه، کنستانتیره و کمپوست (OC)، هزینه حمل و نقل (TC) و هزینه ارایه خدمات رفاهی کارکنان (SC) می پردازد. اجزای هزینه در معادله (۲) تا معادله (۶) تعریف شده است.

$$\text{Min } Z_1 = HC + BC + OC + TC + SC, \quad (1)$$

$$HC = \sum_p fa_p Xa_p + \sum_j fb_j Xb_j + \sum_n fc_n Xc_n + \sum_u fd_u Xd_u, \quad (2)$$

$$BC = \sum_i \sum_t cm_{it} V_{it} + \sum_i \sum_p \sum_t sm_{it} Xe_{ipt}, \quad (3)$$

$$OC = \sum_i \sum_p \sum_t ca_{pt} W_{ipt} + \sum_j \sum_r \sum_t cb_{jt} Pb_{jrt} + \sum_n \sum_f \sum_t cc_{nt} Pc_{nft} + \sum_u \sum_h \sum_t cd_{ut} Pd_{uht}, \quad (4)$$

$$\begin{aligned}
 TC = & \sum_i \sum_p \sum_t tcm_t dc_{ip} W_{ipt} + \sum_p \sum_k \sum_t tcm_t dc_{pk} Y a_{pkt} + \sum_p \sum_j \sum_t tcm_t dc_{pj} Y b_{pjt} \\
 & + \sum_p \sum_n \sum_t tcm_t dc_{pn} Y c_{pnt} + \sum_p \sum_b \sum_t tcm_t dc_{pb} Y d_{pbt} \\
 & + \sum_j \sum_r \sum_t tcb_t dc_{jr} P b_{jrt} + \sum_n \sum_f \sum_t tcc_t dc_{nf} P c_{nft} \\
 & + \sum_u \sum_h \sum_t tch_t dc_{uh} P d_{uht} + \sum_p \sum_u \sum_t tcd_t dc_{pu} Q a_{put} \\
 & + \sum_j \sum_u \sum_t tcd_t dc_{ju} Q b_{jut} + \sum_n \sum_u \sum_t tcd_t dc_{nu} Q c_{nut} \\
 & + \sum_k \sum_u \sum_t tcd_t dc_{ku} Q f_{kut},
 \end{aligned} \tag{5}$$

$$\begin{aligned}
 SC = & \sum_e \sum_p \sum_t ra_{ept} Rea_{ept} + \sum_e \sum_j \sum_t rb_{ejt} Reb_{ejt} + \sum_e \sum_n \sum_t rc_{ent} Rec_{ent} \\
 & + \sum_e \sum_u \sum_t rd_{eut} Red_{eut}.
 \end{aligned} \tag{6}$$

تابع هدف زیست محیطی

تابع هدف زیست محیطی در معادله (۷) به کمینه نمودن میزان انتشار ناشی از فعالیت های حمل و نقل (EET) و میزان انتشار ناشی از عملیات پردازش و تولید در زنجیره تامین میوه (EEO) می پردازد. معادله (۸) میزان انتشار ناشی از حمل و نقل میوه از تولیدکنندگان به مراکز توزیع، حمل و نقل میوه از مراکز توزیع به بازارهای میوه، کارخانه های تولید آبمیوه، کارخانه های تولید کنسنتره و کارخانه های تولید دارو، حمل و نقل آبمیوه از کارخانه های تولید آبمیوه به بازارهای آبمیوه، حمل و نقل کنسنتره از کارخانه های تولید کنسنتره به بازارهای کنسنتره، حمل و نقل کمپوست از کارخانه های تولید کمپوست به بازارهای کمپوست، حمل و نقل ضایعات از مراکز توزیع، بازارهای میوه، کارخانه های تولید آبمیوه و کارخانه های تولید کنسنتره به کارخانه های تولید کمپوست را نشان می دهد. معادله (۹)، میزان انتشار ناشی از تولید آبمیوه، تولید کنسنتره و تولید کمپوست را نشان می دهد.

$$\text{Min } Z_2 = EET + EEO, \tag{7}$$

$$\begin{aligned}
 EET = & \sum_i \sum_p \sum_t Etm dc_{ip} W_{ipt} + \sum_p \sum_k \sum_t Etm dc_{pk} Y a_{pkt} + \sum_p \sum_j \sum_t Etm dc_{pj} Y b_{pjt} \\
 & + \sum_p \sum_n \sum_t Etm dc_{pn} Y c_{pnt} + \sum_p \sum_b \sum_t Etm dc_{pb} Y d_{pbt} \\
 & + \sum_j \sum_r \sum_t Eta dc_{jr} P b_{jrt} + \sum_n \sum_f \sum_t Etb dc_{nf} P c_{nft} + \sum_u \sum_h \sum_t Eth dc_{uh} P d_{uht} \\
 & + \sum_p \sum_u \sum_t Etc dc_{pu} Q a_{put} + \sum_j \sum_u \sum_t Etc dc_{ju} Q b_{jut} + \sum_n \sum_u \sum_t Etc dc_{nu} Q c_{nut} \\
 & + \sum_k \sum_u \sum_t Etc dc_{ku} Q f_{kut},
 \end{aligned} \tag{8}$$

$$\begin{aligned}
 EEO = & \sum_j \sum_r \sum_t Ea_j P b_{jrt} + \sum_n \sum_f \sum_t Eb_n P c_{nft} + \sum_u \sum_h \sum_t Ed_u P d_{uht}.
 \end{aligned} \tag{9}$$

## تابع هدف اجتماعی

تابع هدف اجتماعی در معادله (۱۰) به بیشینه نمودن مسئولیت‌های اجتماعی زنجیره‌تامین طراحی شده می‌پردازد. در تابع هدف اجتماعی اجزای تعداد فرصت‌های شغلی ( $FJO$ )، روزهای از دست‌رفته کاری ( $LDO$ )، سطح توسعه منطقه‌ای ( $RJD$ ) و رضایت شغلی کارکنان ( $WSR$ ) در نظر گرفته شده است که در معادله (۱۱) تا معادله (۱۴) به صورت ریاضی نشان داده شده است.

$$Max Z_3 = WS_1 FJO - WS_2 LDO + WS_3 RJD + WS_4 WSR, \quad (10)$$

$$FJO = \sum_p Fia_p Xa_p + \sum_j Fib_j Xb_j + \sum_n Fic_n Xc_n + \sum_u Fid_u Xd_u, \quad (11)$$

$$LDO = \sum_p Loa_p Xa_p + \sum_j Lob_j Xb_j + \sum_n Loc_n Xc_n + \sum_u Lod_u Xd_u, \quad (12)$$

$$RJD = \sum_j Eeb_j (1 - Rjb_j) Xb_j + \sum_n Eec_n (1 - Rjc_n) Xc_n + \sum_u Eed_u (1 - Rjd_u) Xd_u, \quad (13)$$

$$WSR = \sum_e \sum_p \sum_t Saa_{ep} Rea_{ept} + \sum_e \sum_j \sum_t Sab_{ej} Reb_{ejt} + \sum_e \sum_n \sum_t Sac_{en} Rec_{ent} + \sum_e \sum_u \sum_t Sad_{eu} Red_{eut}. \quad (14)$$

محدودیت‌های تعادل برای تولیدکنندگان میوه

معادله (۱۵) نشان می‌دهد که کل میوه‌های خریداری شده از تولیدکنندگان با میوه‌های انتقال یافته به توزیع کنندگان برابر است.

$$\sum_i \sum_t V_{it} = \sum_i \sum_p \sum_t W_{ipt}. \quad (15)$$

محدودیت‌های تعادل برای مراکز توزیع

معادله (۱۶) مشخص می‌کند که ضایعات میوه در هر مرکز توزیع و در هر دوره زمانی به کارخانه‌های تولید کمپوست انتقال می‌یابد. میزان میوه‌های سالم در هر مرکز توزیع و در هر دوره زمانی با استفاده از معادله (۱۷) مشخص شده است. میزان میوه‌های با کیفیت بالا در هر مرکز توزیع و در هر دوره زمانی که به بازارهای میوه انتقال می‌یابد، با استفاده از معادله (۱۸) نشان داده شده است. بر اساس معادله (۱۹) تا معادله (۲۱)، میزان میوه‌های با کیفیت متوسط که به کارخانه‌های تولید آبمیوه، کارخانه‌های تولید کنسراتره و کارخانه‌های تولید دارو انتقال می‌یابد، مشخص می‌شود.

$$\sum_u Qa_{put} = \sum_i \theta_p W_{ipt}, \quad \text{for all } p, t, \quad (16)$$

$$\sum_i (1 - \theta_p) W_{ipt} = Ia_{pt}, \quad \text{for all } p, t, \quad (17)$$

$$\sum_k Ya_{pkt} = \tau a_p Ia_{pt}, \quad \text{for all } p, t, \quad (18)$$

$$\sum_j Yb_{pjt} = \tau b_p Ia_{pt}, \quad \text{for all } p, t, \quad (19)$$

$$\sum_n Yc_{pnt} = \tau c_p Ia_{pt}, \quad \text{for all } p, t, \quad (20)$$

$$\sum_b Yd_{pbt} = \tau d_p Ia_{pt}, \quad \text{for all } p, t. \quad (21)$$

## محدودیت تعادل برای بازارهای میوه

معادله (۲۲) میزان ضایعات انتقال یافته از بازارهای میوه به کارخانه‌های تولید کمپوست را نشان می‌دهد.

$$\sum_u Qf_{kut} = \sum_p Ya_{pkt} \mu_k, \quad \text{for all } k, t. \quad (22)$$

## محدودیت‌های تعادل برای کارخانه‌های تولید آبمیوه

معادله (۲۳) میزان ضایعات انتقال یافته از کارخانه‌های تولید آبمیوه به کارخانه‌های تولید کمپوست را نشان می‌دهد. معادله (۲۴) میزان تولید آبمیوه از میوه‌های سالم با توجه به ضریب تبدیل میوه به آبمیوه را نشان می‌دهد.

$$\sum_u Qb_{jut} = \sum_p Yb_{pjt} \gamma_j, \quad \text{for all } j, t, \quad (23)$$

$$\sum_r Pb_{jrt} = \sum_p Yb_{pjt} (1 - \gamma_j) \alpha, \quad \text{for all } j, t. \quad (24)$$

## محدودیت تعادل برای کارخانه‌های تولید کنستاتره

معادله (۲۵) میزان ضایعات انتقال یافته از کارخانه‌های تولید کنستاتره به کارخانه‌های تولید کمپوست را نشان می‌دهد. معادله (۲۶) میزان تولید کنستاتره از میوه‌های سالم با توجه به ضریب تبدیل میوه به کنستاتره را نشان می‌دهد.

$$\sum_u Qc_{nut} = \sum_p Yc_{pnt} \beta_n, \quad \text{for all } n, t, \quad (25)$$

$$\sum_f Pc_{nft} = \sum_p Yc_{pnt} (1 - \beta_n) \varphi, \quad \text{for all } n, t. \quad (26)$$

## محدودیت تعادل برای کارخانه‌های تولید کمپوست

معادله (۲۷) میزان کمپوست تولید شده در کارخانه‌های تولید کمپوست و انتقال یافته به بازارهای کمپوست را بر اساس نرخ تبدیل ضایعات به کمپوست نشان می‌دهد.

$$\sum_h Pd_{uht} = \sum_p Qa_{put} \vartheta + \sum_k Qf_{kut} \vartheta + \sum_j Qb_{jut} \vartheta + \sum_n Qc_{nut} \vartheta, \quad \text{for all } u, t. \quad (27)$$

## محدودیت‌های ظرفیت

محدودیت (۲۸) تا محدودیت (۳۲) به ترتیب محدودیت ظرفیت تامین تولیدکننده، محدودیت ظرفیت مرکز توزیع، محدودیت ظرفیت کارخانه تولید آبمیوه، محدودیت ظرفیت کارخانه تولید کنستاتره و محدودیت ظرفیت کارخانه تولید کمپوست را نشان می‌دهد.

$$V_{it} \leq \lambda_{it} X e_{ipt}, \quad \text{for all } i, p, t, \quad (28)$$

$$\sum_i W_{ipt} \leq caa_p X a_p, \quad \text{for all } p, t, \quad (29)$$

$$\sum_p Yb_{pjt} \leq cab_j X b_j, \quad \text{for all } j, t, \quad (30)$$

$$\sum_p Yc_{pnt} \leq cac_n X c_n, \quad \text{for all } n, t, \quad (31)$$

$$\sum_p Qa_{put} + \sum_j Qb_{jut} + \sum_n Qc_{nut} + \sum_k Qf_{kut} \leq cad_u X d_u, \quad \text{for all } u, t. \quad (32)$$

## محدودیت تخصیص

محدودیت (۳۳) مشخص می‌کند که تا زمانی که سفارش خرید مرکز توزیع به تولیدکننده تخصیص نیافته باشد، میوه‌ها از تولیدکننده به مرکز توزیع انتقال نمی‌یابد. محدودیت (۳۴) تا محدودیت (۳۷) مشخص می‌کنند که تنها در صورت تخصیص یک مرکز توزیع به یک بازار میوه، کارخانه تولید دارو، کارخانه آبمیوه و کارخانه کنستانتیره، ارسال میوه از مرکز توزیع به این مراکز امکان‌پذیر است. محدودیت (۳۸) تا محدودیت (۴۰) نیز تعیین می‌کنند که تا زمانی که تخصیص مراکز تولید آبمیوه، کنستانتیره و کمپوست به مراکز تقاضا صورت نپذیرد، امکان ارسال محصولات به مراکز تقاضا میسر نیست.

$$W_{ipt} \leq M X e_{ipt}, \quad \text{for all } i, p, t, \quad (33)$$

$$Y a_{pkt} \leq M K a_{pkt}, \quad \text{for all } p, k, t, \quad (34)$$

$$Y d_{pbt} \leq M K d_{pbt}, \quad \text{for all } p, b, t, \quad (35)$$

$$Y b_{pjt} \leq M K b_{pjt}, \quad \text{for all } p, j, t, \quad (36)$$

$$Y c_{pnt} \leq M K c_{pnt}, \quad \text{for all } p, n, t, \quad (37)$$

$$P b_{jrt} \leq M K a b_{jrt}, \quad \text{for all } j, r, t, \quad (38)$$

$$P c_{nft} \leq M K a c_{nft}, \quad \text{for all } n, f, t, \quad (39)$$

$$P d_{uht} \leq M K a d_{uht}, \quad \text{for all } u, h, t. \quad (40)$$

## محدودیت‌های تقاضا

بر اساس محدودیت (۴۱)، میزان میوه‌های انتقال‌یافته از مراکز توزیع به بازارهای میوه باید بزرگ‌تر یا مساوی تقاضای بازار میوه باشد. الزام برآورده نمودن تقاضای کارخانه‌های تولید دارو، بازار آبمیوه، بازار کنستانتیره و بازار کمپوست توسط محصولات انتقال‌یافته از کارخانه‌های تولیدی بر اساس محدودیت (۴۲) تا محدودیت (۴۵) مشخص شده است.

$$\sum_p Y a_{pkt} \geq D a_{kt}, \quad \text{for all } k, t, \quad (41)$$

$$\sum_p Y d_{pbt} \geq D f_{bt}, \quad \text{for all } b, t, \quad (42)$$

$$\sum_j P b_{jrt} \geq D b_{rt}, \quad \text{for all } r, t, \quad (43)$$

$$\sum_n P c_{nft} \geq D c_{ft}, \quad \text{for all } f, t, \quad (44)$$

$$\sum_u P d_{uht} \geq D d_{ht}, \quad \text{for all } h, t. \quad (45)$$

## محدودیت بودجه استقرار تسهیلات

بر اساس محدودیت (۴۶)، هزینه ثابت استقرار تسهیلات شامل مراکز توزیع، کارخانه‌های تولید آبمیوه، کارخانه‌های تولید کنستانتیره و کارخانه‌های تولید کمپوست باید کمتر یا مساوی بودجه از قبل تعیین شده باشد.

$$\sum_p f a_p X a_p + \sum_j f b_j X b_j + \sum_n f c_n X c_n + \sum_u f d_u X d_u \leq B T. \quad (46)$$

## محدودیت بودجه ارایه امکانات رفاهی

محدودیت (۴۷) نشان می‌دهد که ارایه امکانات رفاهی به کارکنان تنها بر اساس بودجه از قبل تعیین شده امکان‌پذیر است.

$$\sum_e \sum_p \sum_t ra_{ept} Rea_{ept} + \sum_e \sum_j \sum_t rb_{ejt} Reb_{ejt} + \sum_e \sum_n \sum_t rc_{ent} Rec_{ent} + \sum_e \sum_u \sum_t rd_{eut} Red_{eut} \leq BR. \quad (47)$$

## محدودیت‌های شعاع پوشش

بر اساس محدودیت (۴۸) تا محدودیت (۵۴) شعاع پوشش مراکز توزیع، کارخانه‌های تولید آبمیوه، کنسرواتر و کمپوست مشخص می‌شود که بر اساس آن‌ها در صورتی که فاصله یک نقطه تقاضا از تسهیل کم‌تر از شعاع پوشش آن تسهیل باشد، تقاضا پوشش داده می‌شود.

$$Ka_{pkt} dc_{pk} \leq Ca_p Xa_p, \quad \text{for all } p, k, t, \quad (48)$$

$$Kd_{pbt} dc_{pb} \leq Ca_p Xa_p, \quad \text{for all } p, b, t, \quad (49)$$

$$Kb_{pjt} dc_{pj} \leq Ca_p Xa_p, \quad \text{for all } p, j, t, \quad (50)$$

$$Kc_{pnt} dc_{pn} \leq Ca_p Xa_p, \quad \text{for all } p, n, t, \quad (51)$$

$$Kab_{jrt} dc_{jr} \leq Cb_j Xb_j, \quad \text{for all } j, r, t, \quad (52)$$

$$Kac_{nft} dc_{nf} \leq Cc_n Xc_n, \quad \text{for all } n, f, t, \quad (53)$$

$$Kad_{uht} dc_{uh} \leq Cd_u Xd_u, \quad \text{for all } u, h, t. \quad (54)$$

## محدودیت‌های حدود متغیرهای تصمیم مساله

بر اساس محدودیت (۵۵) و محدودیت (۵۶)، متغیرهای تصمیم باینری و متغیرهای بزرگ‌تر مساوی صفر مشخص می‌شوند.

$$Xa_p, Xb_j, Xc_n, Xd_u, Rea_{ept}, Reb_{ejt}, Rec_{ent}, Red_{eut}, Xe_{ipt}, Ka_{pkt}, Kd_{pbt}, Kb_{pjt}, Kc_{pnt}, Kab_{jrt}, Kac_{nft}, Kad_{uht} \in \{0, 1\}, \quad \text{for all } i, p, j, n, u, e, k, b, r, f, h, t, \quad (55)$$

$$V_{it}, W_{ipt}, Ia_{pt}, Ya_{pkt}, Yb_{pjt}, Yc_{pnt}, Yd_{pbt}, Qa_{put}, Qb_{jut}, Qc_{nut}, Qf_{kut}, Pb_{jrt}, Pc_{nft}, Pd_{uht} \geq 0, \quad \text{for all } i, p, k, j, u, n, b, f, r, h, t. \quad (56)$$

## ۴- روش حل

مدل پیشنهادی در بخش قبل، یک مدل بهینه‌سازی چندهدفه عدد صحیح ترکیبی است. این مدل در زمره مدل‌های مکان‌یابی تسهیلات ظرفیت‌دار قرار می‌گیرد که از مسایل *NP-Hard* تلقی می‌شوند [26]. با توجه به اینکه توابع هدف اقتصادی، زیست‌محیطی و اجتماعی به‌طور هم‌زمان بررسی شده است، برای یافتن جواب بهینه مساله نیاز به روش حل مسائل چندهدفه است. برای حل مسائل چندهدفه روش‌های زیادی نظیر روش جمع وزنی، روش لکزیگرافی، روش معیار جامع و روش محدودیت افسیلون وجود دارد. در سال‌های اخیر روش‌های فازی به واسطه توانایی در یافتن جواب‌های بهینه برای حل مسائل چندهدفه بر اساس درجه عضویت توابع هدف با اقبال پژوهشگران متعددی روبرو شده است. در این پژوهش از رویکرد برنامه‌ریزی آرمانی فازی پیشنهاد شده توسط لین [26] استفاده شده است. برای تعیین درجه اهمیت توابع هدف در رویکرد برنامه‌ریزی آرمانی فازی و همچنین درجه اهمیت عوامل اجتماعی نیز از رویکرد بهترین-بدترین فازی استفاده شده است.

#### ۴-۱- رویکرد برنامه‌ریزی آرمانی فازی

رویکرد برنامه‌ریزی آرمانی فازی پیشنهاد شده توسط لین [26]، روش حداکثر-حداقل فازی زیمرمن [27] را با در نظر گرفتن وزن توابع هدف توسعه می‌دهد و تصمیم‌گیرندگان را قادر می‌سازد تا با در نظر گرفتن میزان اهمیت تابع هدف و درجه عضویت، بهترین مقدار را برای توابع هدف مشخص کنند. گام‌های این روش به قرار زیر است:

گام ۱- یافتن جواب ایده‌آل مثبت (PIS) و جواب ایده‌آل منفی (NIS) برای هر یک از توابع هدف بر اساس رابطه (۵۷) تا رابطه (۵۹)

$$Z_1^{PIS} = \text{Min } Z_1, \quad Z_1^{NIS} = \text{Max } Z_1, \quad (57)$$

$$Z_2^{PIS} = \text{Min } Z_2, \quad Z_2^{NIS} = \text{Max } Z_2, \quad (58)$$

$$Z_3^{PIS} = \text{Max } Z_3, \quad Z_3^{NIS} = \text{Min } Z_3. \quad (59)$$

گام ۲- محاسبه درجه عضویت هر یک از توابع هدف بر اساس رابطه (۶۰) تا رابطه (۶۲)

$$\mu_1(Z_1) = \begin{cases} 1, & \text{if } Z_1 < Z_1^{PIS}, \\ \frac{Z_1^{NIS} - Z_1}{Z_1^{NIS} - Z_1^{PIS}}, & \text{if } Z_1^{PIS} \leq Z_1 \leq Z_1^{NIS}, \\ 0, & \text{if } Z_1 > Z_1^{NIS}. \end{cases} \quad (60)$$

$$\mu_2(Z_2) = \begin{cases} 1, & \text{if } Z_2 < Z_2^{PIS}, \\ \frac{Z_2^{NIS} - Z_2}{Z_2^{NIS} - Z_2^{PIS}}, & \text{if } Z_2^{PIS} \leq Z_2 \leq Z_2^{NIS}, \\ 0, & \text{if } Z_2 > Z_2^{NIS}. \end{cases} \quad (61)$$

$$\mu_3(Z_3) = \begin{cases} 1, & \text{if } Z_3 > Z_3^{PIS}, \\ \frac{Z_3 - Z_3^{NIS}}{Z_3^{PIS} - Z_3^{NIS}}, & \text{if } Z_3^{NIS} \leq Z_3 \leq Z_3^{PIS}, \\ 0, & \text{if } Z_3 < Z_3^{NIS}. \end{cases} \quad (62)$$

گام ۳- حل مساله برنامه‌ریزی خطی زیر برای یافتن مقدار بهینه درجه عضویت توابع هدف

$$\text{Max } \lambda, \quad (63)$$

$$w_n \lambda \leq \mu_n(X), \quad \text{for all } n, \quad (64)$$

$$X \in F(x), \quad (65)$$

$$\lambda \in \{0,1\}. \quad (66)$$

#### ۴-۲- رویکرد بهترین-بدترین فازی

برای تعیین وزن توابع هدف در رویکرد برنامه‌ریزی آرمانی فازی و همچنین درجه اهمیت معیارهای اجتماعی از رویکرد بهترین-بدترین فازی استفاده شده است. رضایی [28]، روش بهترین-بدترین را که یکی از جدیدترین تکنیک‌های وزن‌دهی است، معرفی کرد. این روش نسبت به روش‌های وزن‌دهی پیشین نظیر روش تحلیل سلسله مراتبی از مقایسات زوجی کمتری استفاده می‌کند و نرخ پایداری بالاتری دارد. روش بهترین-بدترین فازی پیشنهاد شده توسط گوئو و ژائو [29]، برای بررسی عدم قطعیت شرایط عینی و ابهام نظرات کیفی معرفی شد. این روش به تصمیم‌گیرنده اجازه می‌دهد تا به نتایج سازگارتری با شرایط دنیای واقعی دست یابد. در این روش برای بیان ارجحیت از اعداد فازی مثلثی مطابق با جدول ۲ استفاده می‌شود.

جدول ۲- عبارات زبانی برای بیان ارجحیت [29].

Table 2- The linguistic terms for determining preference [29].

عدد فازی مثلثی	مفهوم زبانی
(1,1,1)	اهمیت برابر
(2.3,1,1.5)	اهمیت ضعیف
(1.5,2,2.5)	نسبتا مهم
(2.5,3,3.5)	خیلی مهم
(3.5,4,4.5)	مطلقا مهم

مراحل رویکرد بهترین-بدترین فازی پیشنهاد شده توسط گونو و ژائو [29] به قرار زیر است:

گام ۱- تعیین مجموعه‌ای از معیارهای مهم برای مساله تصمیم‌گیری

گام ۲- تعیین بهترین و بدترین معیار توسط تصمیم‌گیرنده

گام ۳- تشکیل بردار فازی ارجحیت بهترین معیار نسبت به سایر معیارها با استفاده از رابطه (۶۷)

$$\tilde{A}_B = (\tilde{a}_{B1}, \tilde{a}_{B2}, \dots, \tilde{a}_{Bn}). \quad (67)$$

در رابطه بالا  $\tilde{a}_{Bj}$  نشان‌دهنده اولویت فازی بهترین معیار ( $B$ ) نسبت به معیار  $j$  و  $n$  تعداد معیارها است.

گام ۴- تشکیل بردار فازی ارجحیت دیگر معیارها نسبت به بدترین معیار ( $W$ ) با استفاده از رابطه (۶۸)

$$\tilde{A}_W = (\tilde{a}_{1W}, \tilde{a}_{2W}, \dots, \tilde{a}_{nW}). \quad (68)$$

گام ۵- تعیین وزن فازی بهینه برای هر معیار با استفاده از مدل زیر

$$\min \bar{\xi}, \quad (69)$$

$$\left| \frac{\tilde{w}_B}{\tilde{w}_j} - \tilde{a}_{Bj} \right| \leq \bar{\xi}, \quad \text{for all } j, \quad (70)$$

$$\left| \frac{\tilde{w}_j}{\tilde{w}_W} - \tilde{a}_{jW} \right| \leq \bar{\xi}, \quad \text{for all } j, \quad (71)$$

$$\sum_j R(\tilde{w}_j) = 1, \quad (72)$$

$$l_j^w \leq m_j^w \leq u_j^w, \quad \text{for all } j, \quad (73)$$

$$l_j^w \geq 0, \quad \text{for all } j. \quad (74)$$

که در آن  $(l^\xi, m^\xi, u^\xi) = \bar{\xi}$  یک عدد فازی مثلثی است. با در نظر گرفتن  $\bar{\xi}^* = (\theta^*, \theta^*, \theta^*)$  و  $\theta^* \leq l^\xi$  مدل بالا به صورت زیر در می‌آید:

$$\min \bar{\xi}^* \quad (75)$$

s. t. (72) – (74)

$$\left| \frac{(l_B^w, m_B^w, u_B^w)}{(l_j^w, m_j^w, u_j^w)} - (l_{Bj}, m_{Bj}, u_{Bj}) \right| \leq (\theta^*, \theta^*, \theta^*), \quad \text{for all } j, \quad (76)$$

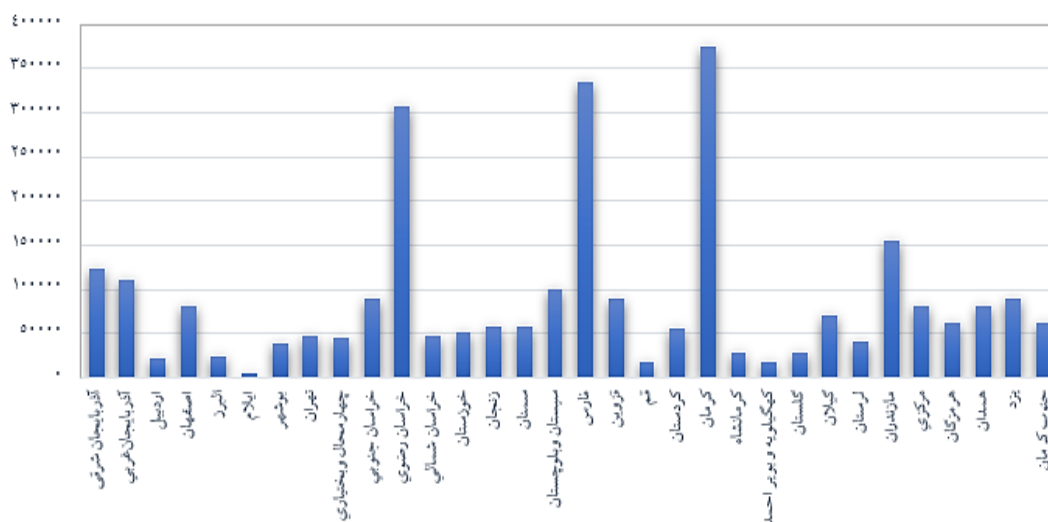
$$\left| \frac{(l_j^w, m_j^w, u_j^w)}{(l_W^w, m_W^w, u_W^w)} - (l_{jW}, m_{jW}, u_{jW}) \right| \leq (\theta^*, \theta^*, \theta^*), \quad \text{for all } j. \quad (77)$$

$R(\tilde{w}_j)$  نیز به صورت زیر تعیین می شود:

$$R(\tilde{w}_j) = \frac{l_j^w + 4m_j^w + u_j^w}{6} \quad (78)$$

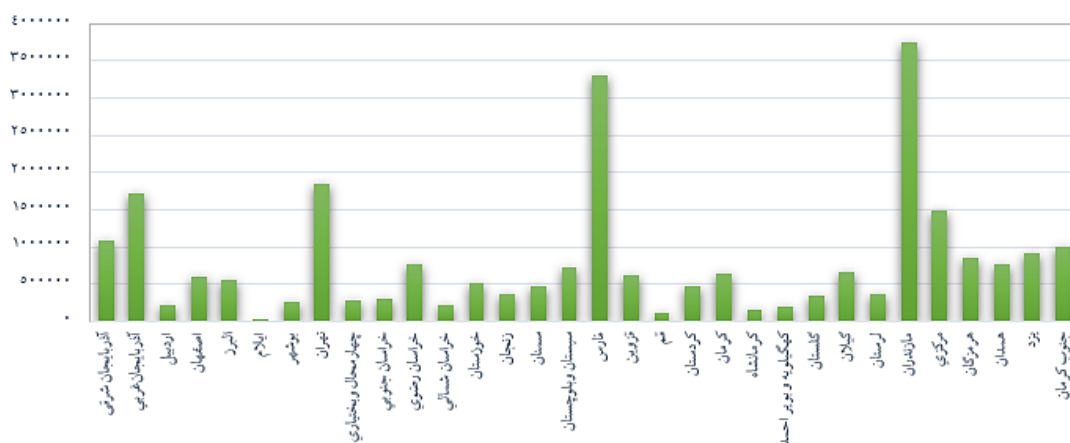
## ۵- نتایج عددی

در این بخش یک مطالعه موردی بر اساس داده های استان فارس برای اعتبارسنجی و بررسی کارایی مدل پیشنهادی ارائه می شود. استان فارس یکی از استان های سرآمد در زمینه تولید محصولات کشاورزی زراعی و باغی است. شکل های ۲ و ۳، به ترتیب میزان سطح بارور و میزان تولید محصولات باغی، قارچ و محصولات گلخانه ای در استان های مختلف کشور را بر اساس آمارنامه کشاورزی مربوط به محصولات باغی در سال ۱۴۰۲ نشان می دهد. شایان ذکر است که این آمارنامه در سال ۱۴۰۳ منتشر نشده است. همان طور که مشاهده می شود استان فارس هم در زمینه تولیدات باغی و هم در زمینه سطح بارور رتبه دوم در بین استان های کشور را دارا است. شکل ۴، پنج محصول باغی با بیشترین میزان تولید در کشور را نشان می دهد. همان طور که مشاهده می شود میوه سیب با میزان تولید ۴۰۱۳۶۹۵ تن بیشترین میزان تولید در کشور است. برای بررسی مدل پیشنهادی میوه سیب انتخاب شده است که در سال ۱۴۰۲ جز پنج محصول باغی با بیشترین میزان تولید در کشور بوده است. شکل ۵، مهم ترین استان های تولیدکننده سیب را نشان می دهد. همان طور که مشاهده می شود استان فارس رتبه سوم در تولید سیب کشور را دارا است. در سال ۱۴۰۲ در استان فارس به میزان ۳۵۶۴۵۵ تن سیب تولید شده است و سطح بارور آن نیز ۱۹۸۱۵ هکتار بوده است.



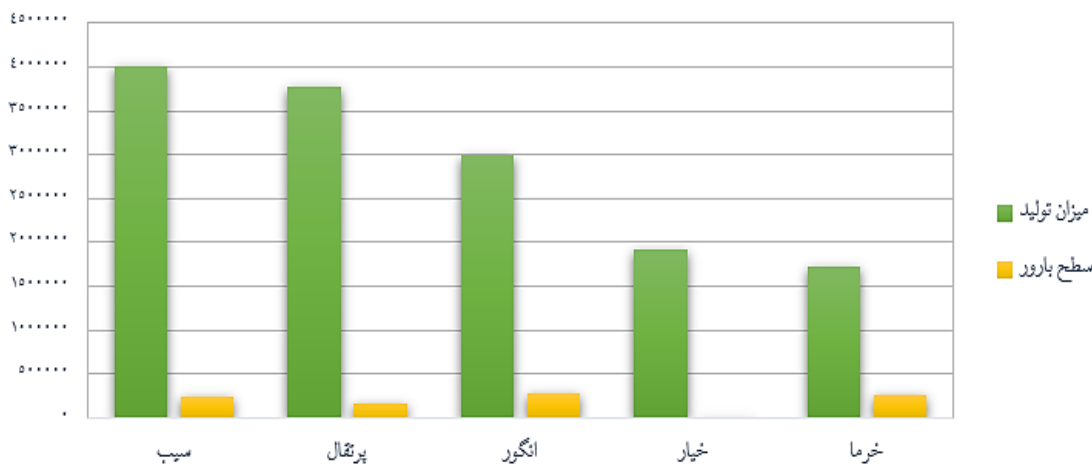
شکل ۲- توزیع سطح بارور محصولات باغی، قارچ و گلخانه ای کشور به تفکیک استان ها.

Figure 2- Distribution of the country's fertile land for horticultural, mushroom, and greenhouse crops by province.



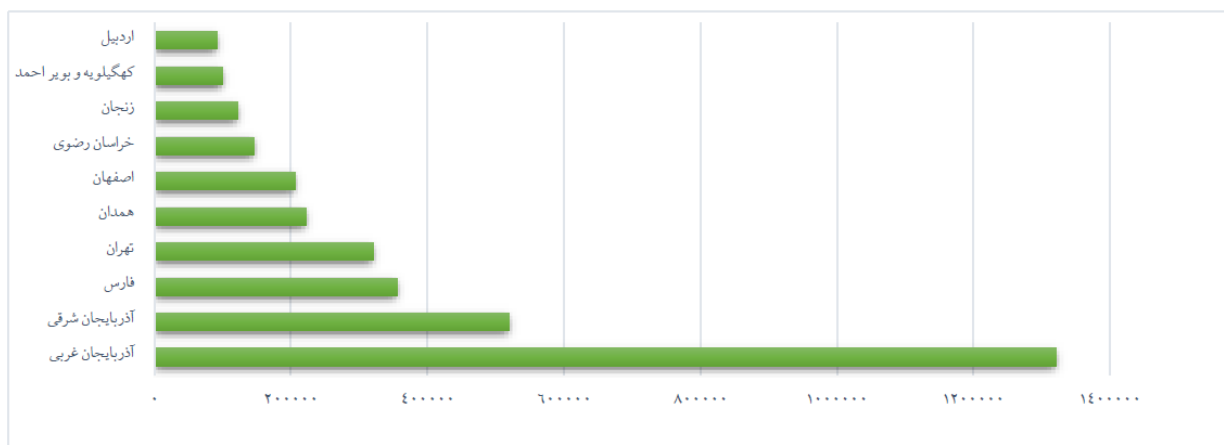
شکل ۳- توزیع میزان تولید محصولات باغی کشور به تفکیک استان ها.

Figure 3- Distribution of horticultural, mushroom, and greenhouse production across the provinces of the country.



شکل ۴- سطح بارور و میزان تولید محصولات باغی با بیشترین میزان تولید.

Figure 4- The fertility level and production quantity of horticultural products with the highest production level.



شکل ۵- استان‌های با بیشترین میزان تولید سیب.

Figure 5- The provinces with the highest production level of apple.

در استان فارس، شهرستان‌های اقلید، سپیدان، آباء، شیراز، مرودشت و بوانات از مهم‌ترین شهرستان‌های تولیدکننده سیب به شمار می‌روند. کمبود صنایع تبدیلی و همچنین کمبود سردخانه برای ذخیره میوه از مهم‌ترین مشکلات باغداران است که این امر سبب فروش سیب‌های تولیدی به قیمت پایین در زمان برداشت می‌شود؛ بنابراین طراحی یک زنجیره‌تامین کارا برای عرضه و فرآوری سیب ضروری به نظر می‌رسد. برای بررسی مدل پیشنهادی یک افق برنامه‌ریزی ۴ ساله در نظر گرفته شده است. جدول ۳، ابعاد مدل پیشنهادی را نشان می‌دهد. برای حل مدل پیشنهادی، ابتدا وزن توابع هدف و عوامل اجتماعی با استفاده از روش بهترین-بدترین فازی در نرم‌افزار گمز محاسبه شده است. جدول‌های ۴ و ۵ به ترتیب وزن بهینه توابع هدف و عوامل اجتماعی را نشان می‌دهند.

جدول ۳- ابعاد مدل در مطالعه موردی.

Table 3-The model dimensions in the case study.

مجموعه	اندازه	مجموعه	اندازه
I	6	B	3
P	6	R	10
J	5	H	10
N	5	F	10
U	5	T	4
K	10	E	4
تعداد متغیرهای تصمیم	1653	تعداد محدودیت‌ها	3537

جدول ۴- وزن توابع هدف.

Table 4- The weight of objective functions.

وزن قطعی	وزن فازی	تابع هدف
0.5035	(0.4355,0.5056,0.5632)	اقتصادی
0.3541	(0.2852,0.3488,0.4439)	زیست محیطی
0.1424	(0.1402,0.1424,0.1446)	اجتماعی

جدول ۵- وزن ابعاد تابع هدف اجتماعی.

Table 5- The weight of elements of social objective function.

وزن قطعی	وزن فازی	بعد
0.2896	(0.2400,0.2846,0.3589)	فرصت‌های شغلی
0.1095	(0.1062,0.1088,0.1157)	روزهای ازدست‌رفته کاری
0.4565	(0.4154,0.4564,0.4978)	سطح توسعه منطقه
0.1444	(0.1268,0.1417,0.1729)	رضایت شغلی کارکنان

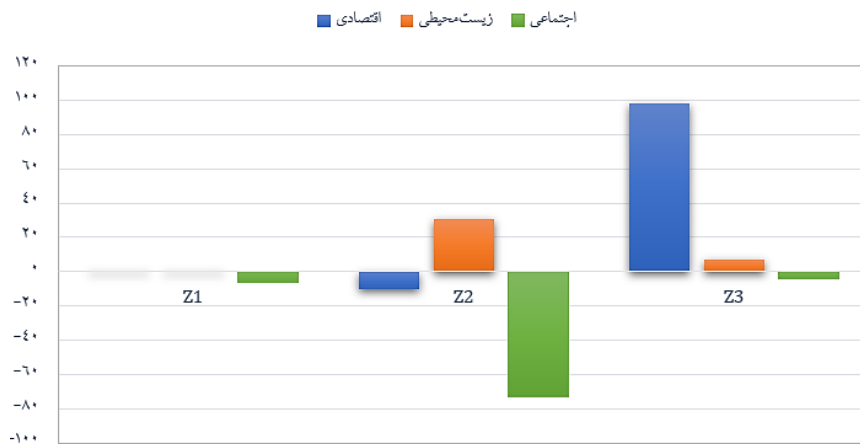
نتایج حاصل از حل مدل در جدول ۶ نشان داده شده است. در این جدول، نتایج حل مدل ریاضی با استفاده از چهار دیدگاه اقتصادی، زیست محیطی، اجتماعی و پیشنهادی با در نظر گرفتن همه ابعاد اقتصادی، زیست محیطی و اجتماعی آورده شده است. میزان تغییرات مدل‌های با دیدگاه اقتصادی، زیست محیطی و اجتماعی در صورتی که به مدل پیشنهادی با ابعاد سه‌گانه پایداری تبدیل شوند، در شکل ۶ نشان داده شده است. همان‌طور که مشاهده می‌شود تغییرات تابع هدف اقتصادی در سه مدل با دیدگاه‌های اقتصادی، زیست محیطی و اجتماعی ناچیز است. دلیل این امر این است که در مدل بودجه استقرار تسهیلات محدود است و بخش زیادی از مقدار تابع هدف اقتصادی متأثر از هزینه استقرار تسهیلات است، به همین دلیل اگر سه مدل اقتصادی، زیست محیطی و اجتماعی به مدل پیشنهادی شیف‌ت پیدا کنند، تغییر زیادی در تابع هدف اقتصادی رخ نمی‌دهد.

در صورتی که مدل با دیدگاه‌های اقتصادی و اجتماعی به مدل پیشنهادی شیف‌ت پیدا کنند، تابع هدف زیست محیطی به میزان  $10\%/19\%$  و  $72\%/97\%$  کاهش می‌یابد. این در حالی است که با شیف‌ت مدل زیست محیطی به مدل پیشنهادی، تابع هدف زیست محیطی به میزان  $31\%/09\%$  بدتر خواهد شد. با شیف‌ت مدل با دیدگاه‌های اقتصادی و زیست محیطی به مدل پیشنهادی، تابع هدف اجتماعی به میزان  $98\%/19\%$  و  $7\%/12\%$  بهبود می‌یابد و تابع هدف مدل با دیدگاه اجتماعی نیز  $3\%/95\%$  بدتر می‌شود. بر این اساس مشخص می‌شود که مدلی که تنها بر اساس دیدگاه اقتصادی، زیست محیطی و یا اجتماعی تشکیل شود، در سایر ابعاد پایداری خوب عمل نمی‌کند و مدل پیشنهادی دستیابی به یک جواب بهینه کارآمد در همه ابعاد پایداری را میسر می‌سازد.

جدول ۶- نتایج عددی حاصل از حل مدل با دیدگاه‌های مختلف پایداری.

Table 6- The numerical results of solving model with different sustainability perspectives.

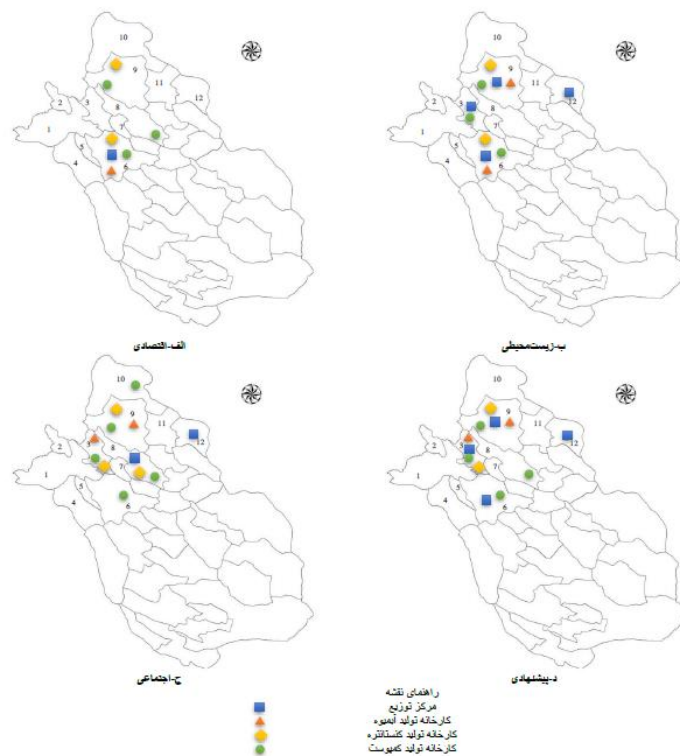
مدل	$Z_1$	$Z_2$	$Z_3$
اقتصادی	1.43687E+13	2.665250E+7	43.598
زیست محیطی	1.44337E+13	1.826050E+7	80.665
اجتماعی	1.54958E+13	8.854280E+7	89.959
پیشنهادی	1.44776E+13	2.393697E+7	86.407



شکل ۶- درصد تغییرات مدل های مختلف بعد از شیفت کردن به مدل پیشنهادی.

Figure 6- The percentage changes of different models after converting to the suggested model.

شکل ۷ محل استقرار تسهیلات با استفاده از چهار دیدگاه اقتصادی، زیست محیطی، اجتماعی و پیشنهادی را نشان می دهد. جدول ۷ نیز شهرستان های مورد بررسی در مطالعه موردی را نشان می دهد. در این مقاله بیش تر شهرستان های استقرار یافته در نیمه شمالی بررسی شده است که اکثر آن ها از لحاظ تولید سیب از شهرستان های سرآمد استان فارس هستند. برخی از شهرستان ها نیز به عنوان مراکز تقاضا در نظر گرفته شده اند. همان طور که مشاهده می شود، شکل شبکه در هر ۴ دیدگاه متفاوت است. در مدل با دیدگاه اقتصادی، کم ترین تعداد تسهیلات مستقر شده است تا شبکه کمترین هزینه را داشته باشد. در مدل با دیدگاه زیست محیطی تسهیلات بیش تری نسبت به مدل با دیدگاه اقتصادی استقرار یافته است تا میزان حمل و نقل در شبکه به کمترین حد خود برسد و به دنبال آن کمینه سازی میزان انتشار گازهای گلخانه ای میسر شود. در مدل با دیدگاه اجتماعی نیز بیش ترین تعداد تسهیلات استقرار یافته است، چون افزایش ابعاد اجتماعی نظیر فرصت های شغلی و سطح توسعه منطقه با افزایش تعداد تسهیلات استقرار یافته امکان پذیر است. در مدل پیشنهادی نیز برای این که هر سه دیدگاه اقتصادی، زیست محیطی و اجتماعی به طور همزمان بهینه شود، تعداد تسهیلات نسبت به مدل با دیدگاه های اقتصادی و زیست محیطی افزایش یافته است.



شکل ۷- محل استقرار تسهیلات در مدل های با دیدگاه های مختلف پایداری.

Figure 7- The location of facilities in models with different sustainability perspectives.

## جدول ۷- معرفی شهرستان‌های مطالعه موردی.

Table 7- The introduction of counties in the case study.

شماره	نام شهرستان	شماره	نام شهرستان
1	ممسنی	7	زرقان
2	رستم	8	مرودشت
3	سپیدان	9	اقلید
4	کازرون	10	آباده
5	کوه‌چنار	11	خرمبید
6	شیراز	12	بوانات

## ۶- نتیجه‌گیری

در این مقاله یک مدل ریاضی چندسطحی و چنددوره‌ای برای بهینه‌سازی زنجیره تامین میوه با در نظر گرفتن تولیدکنندگان میوه، مراکز توزیع، بازارهای میوه، کارخانه‌های تولید آبمیوه، کنسراتر، کمپوست و دارو و بازارهای تقاضا برای آبمیوه، کنسراتر و کمپوست ارائه شد. در مدل پیشنهادی میوه‌ها بر اساس کیفیت در مراکز توزیع درجه‌بندی می‌شوند و میوه‌های با کیفیت بالا به بازارهای میوه و میوه‌های با کیفیت متوسط به کارخانه‌های تولید آبمیوه، کنسراتر و دارو انتقال می‌یابند. میوه‌های بدون کیفیت یا ضایعات نیز از مراکز توزیع به کارخانه‌های تولید کمپوست منتقل می‌شوند. افزون بر این، میوه‌های فاسد شده در اثر حمل‌ونقل طولانی از مراکز توزیع به بازارهای میوه و کارخانه‌های تولید آبمیوه و کنسراتر و نیز ضایعات میوه حین تولید در کارخانه‌های تولید آبمیوه و کنسراتر به کارخانه‌های تولید کمپوست انتقال می‌یابند. در مدل پیشنهادی ابعاد توسعه پایدار شامل بعد اقتصادی برای کمینه‌سازی هزینه‌های سیستم، بعد زیست‌محیطی برای کمینه‌سازی میزان انتشار گازهای گلخانه‌ای ناشی از حمل‌ونقل و تولید و بعد اجتماعی برای بیشینه‌سازی تعداد فرصت‌های شغلی، سطح توسعه منطقه و افزایش سطح رفاه کارکنان و همچنین کمینه نمودن روزهای ازدست‌رفته کاری در نظر گرفته شد. محدودیت‌های دنیای واقعی نظیر محدودیت بودجه جهت استقرار تسهیلات، محدودیت بودجه جهت ارائه خدمات رفاهی به کارکنان، تعادل، شعاع پوشش و ظرفیت تسهیلات نیز در نظر گرفته شده است. برای حل مدل از یک رویکرد برنامه‌ریزی آرمانی فازی استفاده شد و وزن توابع اقتصادی، زیست‌محیطی و اجتماعی نیز با استفاده از رویکرد بهترین-بدترین فازی تعیین شد. علاوه بر این از رویکرد بهترین-بدترین فازی نیز در تعیین وزن ابعاد مختلف تابع هدف اجتماعی استفاده شد.

برای بررسی کارایی مدل پیشنهادی از یک مطالعه موردی در استان فارس که سومین استان سرآمد در تولید سیب کشور است، استفاده شد. نظر به اینکه سیب یک میوه سردسیری است و بیشتر در نیمه شمالی استان فارس کاشت می‌شود، شهرستان‌های واقع در نیمه شمالی به‌عنوان مکان‌های داوطلب برای استقرار تسهیلات در نظر گرفته شد. نتایج حاصل از حل مدل نشان می‌دهد که جواب‌های مدل با دیدگاه‌های اقتصادی، زیست‌محیطی و اجتماعی در ابعاد دیگر به‌خوبی عمل نمی‌کنند و پایداری سیستم با استفاده از بهینه‌سازی جداگانه هر یک از ابعاد میسر نمی‌شود. با این وجود، مدل پیشنهادی موجب دستیابی به جواب بهینه با در نظر گرفتن هر سه بعد اقتصادی، زیست‌محیطی و اجتماعی به‌طور هم‌زمان می‌شود و در هر سه بعد عملکرد مناسبی دارد. شکل شبکه و تعداد تسهیلات استقرار یافته نیز در هر یک از ابعاد پایداری متفاوت است و در مدل با دیدگاه اقتصادی کم‌ترین تعداد تسهیل و در مدل با دیدگاه اجتماعی بیش‌ترین تعداد تسهیل خواهد یافت. تعداد تسهیلات استقرار یافته در مدل پیشنهادی با هر سه دیدگاه پایداری نیز از تعداد تسهیلات در مدل با دیدگاه‌های اقتصادی و زیست‌محیطی بیش‌تر است و این مدل یک تعادل مناسب بین هر سه بعد پایداری ایجاد می‌کند. برای تحقیقات آتی، بررسی عملکرد مدل پیشنهادی برای سایر استان‌ها بر اساس میوه‌های بومی این استان‌ها پیشنهاد می‌شود. اگرچه در این مقاله مدل پیشنهادی با استفاده از رویکرد برنامه‌ریزی آرمانی فازی در زمان مناسب حل شده است، استفاده از روش‌های فرا ابتکاری نظیر الگوریتم چندهدفه ژنتیک مرتب‌سازی نامغلوب برای حل مدل با ابعاد بسیار بزرگ پیشنهاد می‌شود. بررسی صادرات میوه با در نظر گرفتن نرخ برابری ارزهای داخلی و خارجی، هزینه‌های گمرک و مجوزها، مراکز بسته‌بندی جهت صادرات میوه و هزینه‌های آن از دیگر جهت‌های تحقیقات آتی است. تبدیل ضایعات میوه به بیوگاز و انرژی برق از طریق تسهیلاتی نظیر هاضم بی‌هوازی و کارخانه‌های بیوگاز نیز می‌تواند از جهت‌های جالب تحقیقاتی باشد.

## مشارکت نویسنده

تمامی مراحل انجام پژوهش شامل تعریف مساله، مدل‌سازی، جمع‌آوری داده‌ها، کدنویسی مساله با استفاده از نرم‌افزار، نتایج عددی و نگارش مقاله به‌صورت کامل توسط نویسنده مقاله انجام شده است.

## تشکر و قدردانی

نویسنده از حمایت‌های علمی و پژوهشی دانشگاه صنعتی شیراز، تشکر و قدردانی می‌نماید.

## منابع مالی

این مقاله از حمایت مالی هیچ نهاد یا موسسه سرمایه‌گذار در بخش عمومی یا خصوصی برخوردار نبوده است.

## تعارض با منافع

نویسنده اعلام می‌کند که هیچ تضادی در منافع در مورد انتشار این مقاله وجود ندارد.

## منابع

- [1] Brundtland, G. H. (1987). *Our common future world commission on environment and development*. Oxford University Press. <https://B2n.ir/yy8992>
- [2] FAO/STAT. (2018). *The state of food security and nutrition in the world 2025*. <https://www.fao.org/faostat/en/#home>
- [3] Adams, D., Donovan, J., & Topple, C. (2021). Achieving sustainability in food manufacturing operations and their supply chains: Key insights from a systematic literature review. *Sustainable production and consumption*, 28, 1491–1499. <https://doi.org/10.1016/j.spc.2021.08.019>
- [4] Riahi, K., McCollum, D., & Wiberg, D. (2014). *Prototype global sustainable development report*. Policy analysis branch of the division for sustainable development, un department for economic and social affairs (DESA), New York, USA. <https://pure.iiasa.ac.at/id/eprint/11145/>
- [5] Zarrinpoor, N. (2024). Bioenergy production from agro-livestock waste under uncertainty: A sustainable network design. *Biomass conversion and biorefinery*, 14(1), 1149–1172. <https://doi.org/10.1007/s13399-023-03814-9>
- [6] Bazyar, A., Zarrinpoor, N., & Safavian, A. (2021). Optimal design of a sustainable natural gas supply chain network under uncertainty. *Chemical engineering research and design*, 176, 60–88. <https://doi.org/10.1016/j.cherd.2021.09.006>
- [7] Nguyen, T. D., Nguyen-Quang, T., Venkatadri, U., Diallo, C., & Adams, M. (2021). Mathematical programming models for fresh fruit supply chain optimization: a review of the literature and emerging trends. *AgriEngineering*, 3(3), 519–541. <https://doi.org/10.3390/agriengineering3030034>
- [8] Santos, S. F., Cardoso, R., Borges, Í., Almeida, A., Andrade, E., Ferreira, I., & Ramos, L. (2019). Post-harvest losses of fruits and vegetables in supply centers in Salvador, Brazil: Analysis of determinants, volumes and reduction strategies. *Waste management*, 101, 161–170. <http://dx.doi.org/10.1016/j.wasman.2019.10.007>
- [9] Cheraghalipour, A., Paydar, M. M., & Hajiaghahi-Keshteli, M. (2018). A bi-objective optimization for citrus closed-loop supply chain using Pareto-based algorithms. *Applied soft computing*, 69, 33–59. <https://doi.org/10.1016/j.asoc.2018.04.022>
- [10] Cheraghalipour, A., Paydar, M. M., & Hajiaghahi-Keshteli, M. (2019). Designing and solving a bi-level model for rice supply chain using the evolutionary algorithms. *Computers and electronics in agriculture*, 162, 651–668. <https://doi.org/10.1016/j.compag.2019.04.041>
- [11] Motevalli-Taher, F., Paydar, M. M., & Emami, S. (2020). Wheat sustainable supply chain network design with forecasted demand by simulation. *Computers and electronics in agriculture*, 178, 105763. <https://doi.org/10.1016/j.compag.2020.105763>
- [12] Salehi-Amiri, A., Zahedi, A., Akbapour, N., & Hajiaghahi-Keshteli, M. (2021). Designing a sustainable closed-loop supply chain network for walnut industry. *Renewable and sustainable energy reviews*, 141, 110821. <https://doi.org/10.1016/j.rser.2021.110821>
- [13] Chouhan, V. K., Khan, S. H., & Hajiaghahi-Keshteli, M. (2022). Sustainable planning and decision-making model for sugarcane mills considering environmental issues. *Journal of environmental management*, 303, 114252. <https://doi.org/10.1016/j.jenvman.2021.114252>
- [14] Salehi-Amiri, A., Zahedi, A., Gholian-Jouybari, F., Calvo, E. Z. R., & Hajiaghahi-Keshteli, M. (2022). Designing a closed-loop supply chain network considering social factors; A case study on avocado industry. *Applied mathematical modelling*, 101, 600–631. <https://doi.org/10.1016/j.apm.2021.08.035>

- 
- [15] Seydanlou, P., Jolai, F., Tavakkoli-Moghaddam, R., & Fathollahi-Fard, A. M. (2022). A multi-objective optimization framework for a sustainable closed-loop supply chain network in the olive industry: Hybrid meta-heuristic algorithms. *Expert systems with applications*, 203, 117566. <https://doi.org/10.1016/j.eswa.2022.117566>
- [16] Rajabi-Kafshgar, A., Gholian-Jouybari, F., Seyedi, I., & Hajiaghaei-Keshteli, M. (2023). Utilizing hybrid metaheuristic approach to design an agricultural closed-loop supply chain network. *Expert systems with applications*, 217, 119504. <https://doi.org/10.1016/j.eswa.2023.119504>
- [17] Gholian-Jouybari, F., Hajiaghaei-Keshteli, M., Bavar, A., Bavar, A., & Mosallanezhad, B. (2023). A design of a circular closed-loop agri-food supply chain network—A case study of the soybean industry. *Journal of industrial information integration*, 36, 100530. <https://doi.org/10.1016/j.jii.2023.100530>
- [18] Goodarzian, F., Ghasemi, P., Santibanez Gonzalez, E. D. R., & Tirkolaee, E. B. (2023). A sustainable-circular citrus closed-loop supply chain configuration: Pareto-based algorithms. *Journal of environmental management*, 328, 116892. <https://doi.org/10.1016/j.jenvman.2022.116892>
- [19] Gholian-Jouybari, F., Hashemi-Amiri, O., Mosallanezhad, B., & Hajiaghaei-Keshteli, M. (2023). Metaheuristic algorithms for a sustainable agri-food supply chain considering marketing practices under uncertainty. *Expert systems with applications*, 213, 118880. <https://doi.org/10.1016/j.eswa.2022.118880>
- [20] Kalantari Khalil Abad, A. R., Barzinpour, F., & Pishvaei, M. S. (2023). Toward circular economy for pomegranate fruit supply chain under dynamic uncertainty: A case study. *Computers & chemical engineering*, 178, 108362. <https://doi.org/10.1016/j.compchemeng.2023.108362>
- [21] Gholian-Jouybari, F., Hajiaghaei-Keshteli, M., Smith, N. R., Calvo, E. Z. R., Mejía-Argueta, C., & Mosallanezhad, B. (2024). An in-depth metaheuristic approach to design a sustainable closed-loop agri-food supply chain network. *Applied soft computing*, 150, 111017. <https://doi.org/10.1016/j.asoc.2023.111017>
- [22] Javanmardan, A., Golpîra, H., & Baradaran, V. (2024). A socio-economic and quality-oriented optimal fruit supply chain network design in a multi-market and multi-product environment: A real case study. *Socio-economic planning sciences*, 94, 101910. <https://doi.org/10.1016/j.seps.2024.101910>
- [23] Letafat, F., Gholamian, M. R., & Arabi, M. (2024). A reliable supply chain network design for perishable crops with disruption risk consideration (case study: tomato supply chain). *Journal of decisions and operations research*, 9(3), 666-689. **(In Persian)**. <https://doi.org/10.22105/dmor.2024.419272.1797>
- [24] Kianypor, H., Husseinzadeh Kashan, A., & Nikbakhsh, E. (2024). Designing a supply chain network for agricultural waste from the country's palm groves. *Journal of quality engineering and management*, 14(1), 31-45. **(In Persian)**. <https://doi.org/10.48313/jqem.2024.210884>
- [25] GRI. (2020). *Consolidated set of GRI sustainability reporting standards*. <https://www.globalreporting.org/standards/>
- [26] Lin, C.-C. (2004). A weighted max–min model for fuzzy goal programming. *Fuzzy sets and systems*, 142(3), 407–420. [https://doi.org/10.1016/S0165-0114\(03\)00092-7](https://doi.org/10.1016/S0165-0114(03)00092-7)
- [27] Zimmermann, H.-J. (2011). *Fuzzy set theory—and its applications*. Springer Science & Business Media.
- [28] Rezaei, J. (2015). Best-worst multi-criteria decision-making method. *Omega*, 53, 49–57. <https://doi.org/10.1016/j.omega.2014.11.009>
- [29] Guo, S., & Zhao, H. (2017). Fuzzy best-worst multi-criteria decision-making method and its applications. *Knowledge-based systems*, 121, 23–31. <https://doi.org/10.1016/j.knsys.2017.01.010>